

## Development of a Graphical Interface For Ground Water Management Model to Manage Groundwater Utilization (Case Study in Shahr-e-kord Plain Aquifer, Iran)

S. Janatrostami<sup>1</sup>, M. Kholghi<sup>2</sup> and K. Mohammadi<sup>3</sup>

### Abstract

Limited surface water resources and enormous population growth in recent decades have resulted in groundwater overexploitation and damage to natural resources in Iran. Optimum groundwater resources management should be considered as the key issue and a basis in short and long term planning in order to stop further damages. Though the simulation-optimization approach has been widely used in groundwater resources management researches, there is still no comprehensive software to address all the aspects. In this research, a graphical interface, Graphical Ground Water Management (GGWM), was developed based on MODFLOW-2000 and GWM softwares. The developed model was applied in a case study for Shahr-e-kord plain aquifer. Considering the progressive water table drop in the area, the main goal of the model was to find a sustainable solution. The model were verified in the real case and the results showed that by withdrawal management in agricultural wells, it is possible to improve the water table drawdown by 10% compared to the current condition.

تئیه رابط گرافیکی مدل مدیریت آب زیرزمینی در  
مدیریت بهره برداری از آب‌های زیرزمینی  
(مطالعه موردی: آبخوان دشت شهرکرد)

سمیه جنت رستمی<sup>۱\*</sup>, مجید خلقی<sup>۲</sup> و کورش محمدی<sup>۳</sup>

### چکیده

محدودیت منابع آب سطحی و افزایش بی رویه جمعیت در چند دهه اخیر باعث وارد آمدن فشار مضاعف بر آبخوانها و خسارت‌های جبران ناپذیری به منابع طبیعی کشور شده است. جهت جلوگیری از فاجعه به وجود آمده باستانی مدیریت بهره برداری از آب‌های زیرزمینی به عنوان یک اصل و پایه در برنامه‌ریزی‌های کوتاه مدت و بلند مدت مورد توجه قرار گیرد. با اینکه محققان زیادی در مدیریت سفره‌های آب زیرزمینی از رویکرد شبیه‌سازی-بهینه‌سازی استفاده نموده‌اند، اما هنوز نرم‌افزار کاملی برای آن وجود ندارد. در این تحقیق رابط گرافیکی تحت عنوان مدل گرافیکی مدیریت آب زیرزمینی، GGWM، که براساس دو مدل MODFLOW-2000 و GWM نوشته شده است، ارائه گردید. در مرحله بعد، کد تئیه شده در سیستم واقعی، آبخوان دشت شهرکرد به کار گرفته شد. با توجه به روند افزایشی میزان افت سطح آب زیرزمینی در این منطقه، سعی گردید مدل بهینه مدیریتی تئیه شده در این مطالعه، در راستای توسعه پایدار باشد. نتایج به دست آمده نشان داد که در آبخوان شهرکرد می‌توان با مدیریت برداشت از چاههای کشاورزی واقع در سطح دشت و تأمین نیازهای منطقه، میزان افت سطح ایستابی را ۱۰ درصد نسبت به حالت فعلی بهبود بخشد، که حاکی از موقوفیت مدل در سیستم واقعی می‌باشد.

**کلمات کلیدی:** آب‌های زیرزمینی، آبخوان شهرکرد، شبیه‌سازی-بهینه‌سازی، MODFLOW-2000، GWM، GGWM

تاریخ دریافت مقاله: ۲۳ اردیبهشت ۱۳۹۱

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۱ تیر ۱۳۹۲

**Keywords:** Groundwater, Shahr-e-kord aquifer, Simulation- Optimization, GGWM, GWM, MODFLOW-2000.

Received: May 12, 2012

Accepted: July 2, 2013

1- PhD Candidate, Water Engineering Dept., University of Tehran, Karaj, Iran  
E-mail: somayehjanat@ut.ac.ir

2- Professor, Water Engineering Dept., University of Tehran, Karaj, Iran

3- Associate Professor, Water Engineering Research Institute, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

\*- Corresponding Author

۱- دانشجوی دکتری مهندسی منابع آب، دانشگاه تهران، کرج، ایران.

۲- استاد گروه مهندسی آبیاری و آبادانی، دانشگاه تهران، کرج، ایران.

۳- دانشیار گروه محیط زیست پژوهشکده مهندسی آب، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران

\*- نویسنده مسئول

## ۱- مقدمه

مدل شبیه‌سازی دوباره اجرا می‌گردد. بدینهی است که این نگرش نسبت به نگرش قبلی از دقت بالاتری برخوردار است. Ahlfeld and Sawyer (1990) برای اصلاح آلودگی آب زیرزمینی، Ahlfeld and Heidari (1994) در مدیریت هیدرولیکی سفره‌های آب زیرزمینی، Kholghi et al. (1996) در مدیریت تلفیقی آبهای سطحی و زیرزمینی، در این مطالعه آنها موقعیت چاه‌ها و سرعت پمپاژ را با مینیمم کردن هزینه به دست آوردند. Barlow et al. (2003)، جهت تهیه مدل شبیه‌سازی - بهینه‌سازی خطی جریان آب زیرزمینی، فراق (۱۳۸۶) در مدیریت سفره آب زیرزمینی دشت قزوین، کتابچی و همکاران (۱۳۹۰) جهت مدیریت بهینه آبخوان‌های ساحلی با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی جامعه مورچگان و Tamer Ayvaz and Karahan (2008) و همچنین Tamer Ayvaz (2009)، جهت تهیه مدل تلفیقی شبیه‌سازی و بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم ژنتیک و الگوریتم جستجوی هارمونی از این نگرش استفاده نمودند.

از میان کدهای آماده موجود در دنیا، کدی که بیشترین کاربرد را در زمینه کمیت آبهای زیرزمینی در کشورهای مختلف دنیا داشته است، کد شبیه‌سازی MODFLOW می‌باشد که توسط سازمان تحقیقات زمین‌شناسی آمریکا (USGS) ارائه شده است. Ahlfeld et al. (2005) در نگرش اول با استفاده از مدل ریاضی (مدل شبیه‌سازی)، ابتدا رفتار آبخوان را از لحاظ خطی یا غیرخطی بودن تشخیص می‌دهند، سپس رابطه بین مقادیر برداشت و افت سطح آب زیرزمینی را به صورت معادله‌ای به دست آورده و در نهایت، بهینه‌سازی سیستم آب زیرزمینی را انجام می‌دهند. به خاطر سهولت این روش، محققان زیادی از جمله Aquado and Remson (1974) جهت پیش‌بینی تعداد بهینه چاه‌ها، Schwarz (1976) در مدیریت هیدرولیکی آبهای زیرزمینی، Abdeh-Kolahchi et al. (2006) در بهینه‌سازی کیفی آب زیرزمینی و جوادیان زاده (۱۳۷۷) در تهیه مدل شبیه‌سازی و بهینه سازی جریان آب زیرزمینی و همچنین علیمحمدی (۱۳۸۴)، قادری و همکاران (۱۳۸۵)، دشتی (۱۳۸۵) و شمسایی و همکاران (۱۳۹۰) در بهینه سازی بهره‌برداری تلفیقی از آبهای سطحی و زیرزمینی از این نگرش استفاده نمودند. نگرش دوم در بهینه سازی سفره‌های آب زیرزمینی، استفاده از مدل تلفیقی شبیه سازی - بهینه سازی است. در این نگرش بعد از کالیبراسیون مدل شبیه‌سازی و تعیین متغیرهای تصمیم، تابع هدف و محدودیت‌های مدل بهینه سازی، اتصال دو مدل شبیه‌سازی و بهینه سازی انجام می‌گیرد. مزیت این روش در این است که در هنگام بهینه سازی به ازای هر تغییری در بردار متغیرهای تصمیم،

امروزه بخش مهمی از آب مورد نیاز بخش‌های مختلف مصرف، از منابع آب زیرزمینی تأمین می‌شود که در دهه اخیر، افزایش در بهره‌برداری از آبهای زیرزمینی، باعث افت شدید سطح آب در اکثر آبخوان‌های کشور شده است. این افت که گاهی اوقات به بیش از ۱۰ متر نسبت به چند سال گذشته می‌رسد، بدون شک برای منابع طبیعی کشور یک فاجعه محسوب می‌شود. جهت حل این مشکل، کارشناسان آب‌زیرزمینی با بهره‌گیری از بهینه‌سازی آب زیرزمینی سعی در ارائه یک برنامه مدیریتی مناسب برای آبخوان هر منطقه با توجه به مشکلات آن منطقه دارند.

از دهه ۱۹۶۰ به طور گسترده، مدل‌های عددی جریان آب زیرزمینی به عنوان ابزارهای مهمی در تحلیل سیستم‌های منابع آب زیرزمینی وارد شدند. اخیراً مدل‌های آب زیرزمینی با روش‌های مختلف بهینه‌سازی جهت تعیین استراتژی مدیریت منابع آب و بهترین مجموعه جواب با توجه به تابع هدف و محدودیت‌ها ترکیب شده‌اند (Ahlfeld et al. 2005). بطور کلی جهت بهینه سازی سیستم آبهای زیرزمینی یک منطقه ابتدا مدل ریاضی آبخوان منطقه مورد نظر تهیه می‌گردد. لازم به ذکر است که در استفاده از مدل ریاضی جهت بهینه‌سازی سفره‌های آبهای زیرزمینی دو نگرش وجود دارد. در نگرش اول با استفاده از مدل ریاضی (مدل شبیه‌سازی)، ابتدا رفتار آبخوان را از لحاظ خطی یا غیرخطی بودن تشخیص می‌دهند، سپس رابطه بین مقادیر برداشت و افت سطح آب زیرزمینی را به صورت معادله‌ای به دست آورده و در نهایت، بهینه‌سازی سیستم آب زیرزمینی را انجام می‌دهند. به خاطر سهولت این روش، محققان زیادی از جمله Aquado and Remson (1974) جهت پیش‌بینی تعداد بهینه چاه‌ها، Schwarz (1976) در مدیریت هیدرولیکی آبهای زیرزمینی، Abdeh-Kolahchi et al. (2006) در بهینه‌سازی کیفی آب زیرزمینی و جوادیان زاده (۱۳۷۷) در تهیه مدل شبیه‌سازی و بهینه سازی جریان آب زیرزمینی و همچنین علیمحمدی (۱۳۸۴)، قادری و همکاران (۱۳۸۵)، دشتی (۱۳۸۵) و شمسایی و همکاران (۱۳۹۰) در بهینه سازی بهره‌برداری تلفیقی از آبهای سطحی و زیرزمینی از این نگرش استفاده نمودند. نگرش دوم در بهینه سازی سفره‌های آب زیرزمینی، استفاده از مدل تلفیقی شبیه سازی - بهینه سازی است. در این نگرش بعد از کالیبراسیون مدل شبیه‌سازی و تعیین متغیرهای تصمیم، تابع هدف و محدودیت‌های مدل بهینه سازی، اتصال دو مدل شبیه‌سازی و بهینه سازی انجام می‌گیرد. مزیت این روش در این است که در هنگام بهینه سازی به ازای هر تغییری در بردار متغیرهای تصمیم،

## ۲- روش تحقیق

در چند دهه اخیر تعدادی از کدهای کامپیوتری توسعه داده شده‌اند که در آنها امکان اتصال شبیه‌سازی و بهینه‌سازی در سیستم جریان آب زیرزمینی فراهم شده است. GWM فرآیند جدیدی از کد MODFLOW-2000 در مدیریت آبهای زیرزمینی است. این کد

مسئله پیشنهاد می‌کنند. بعد از یافتن نحوه ساختن DLL برای این GWM و سایبروتین‌های آن، به دلیل گستردگی برنامه‌های موجود در DLL تهیه شده، برنامه‌ها و سایبروتین‌های موجود در GWM با هم تداخل می‌کنند و برنامه به جواب نمی‌رسد. جهت اجتناب از این مشکل، از فایل exe شده برنامه GWM استفاده گردید. به این ترتیب فایل exe آن را در پوشاهای که پروژه در آن تشکیل می‌شود قرار داده و در برنامه ویژوال بیسیک با دستور shell execute آن را فراخوانی می‌کنند به این ترتیب مشکل تداخل برنامه‌ها در برنامه GWM حل می‌شود. کد GGWM براساس ساختار شکل ۱ تهیه شده است.

با توجه به شکل ۱، مدل GGM شامل یک سری فایل‌های ورودی و خروجی است. فایل‌های ورودی به پنج بخش تقسیم می‌شود که عبارت است از: معرفی مسئله، متغیرهای تصمیم، تابع هدف، محدودیت‌ها و انتخاب نوع روش حل. در بخش معرفی مسئله دو پنجره Name file و GWM file تهیه گردید که در پنجره Name file همه فایل‌های ورودی و خروجی که توسط MODFLOW-2000 تولید می‌شود، وجود دارد که با توجه به داده‌های پروژه‌ای که در دسترس است گزینه‌های این پنجره انتخاب می‌گردد (شکل ۲). در پنجره GWM file نیز نوع محدودیت‌هایی که در مسئله وجود دارد تعیین می‌شود.

در بخش متغیرهای تصمیم پنجره DECVAR file تهیه گردید که در این پنجره تعداد هر نوع متغیرهای تصمیم و وزن اختصاص داده شده به هر یک از متغیرها مشخص می‌شود. در بخش تابع هدف پنجره OBFJNC file طراحی گردید که در این پنجره نوع تابع هدف اعم از حداقل یا حداکثرسازی و وزن هر یک از متغیرهای تصمیم در تابع هدف تعیین می‌شود (شکل ۳).

SUMCON file، VARCON file و STRMCON file طراحی گردید که به ترتیب برای تعیین محدودیت‌های متغیرهای تصمیم، جمع خطی، ارتفاع هیدرولیکی و رودخانه به کار می‌رود که یکی از پنجره‌ها در شکل ۴ آورده شده است.

در بخش انتخاب نوع روش حل، پنجره SOLN file تهیه شد که این پنجره برای تعیین همه داده‌های ورودی به مدل، مدل آماده اجرا گردید. بعد از تعیین همه داده‌های ورودی به مدل، نتایج نمایش داده شده و به فرمت اکسل ذخیره خواهد شد.

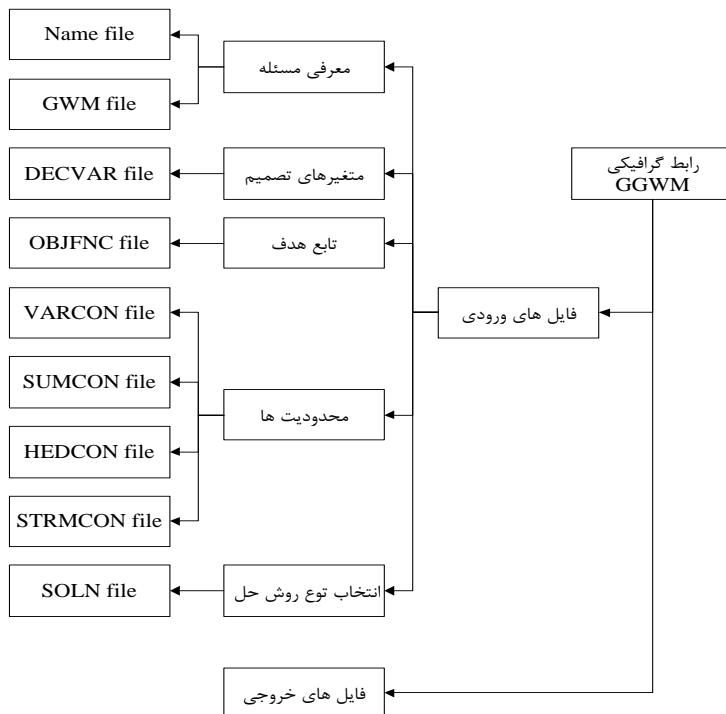
در واقع نسخه توسعه یافته کد MODOFC Ahlfeld and Riefler (2003) نوشته شده است (Ahlfeld et al., 2005).

GWM، سه نوع متغیر تصمیم شامل متغیرهای تصمیم مقدار جریان<sup>۳</sup>، متغیرهای تصمیم بیرونی<sup>۴</sup> و متغیرهای دوتایی<sup>۵</sup> را پشتیبانی می‌کند. این مدل تنها تابع هدف حداقل و حداکثرسازی مجموع وزنی سه نوع متغیر تصمیم را پشتیبانی می‌کند. محدودیت‌های تعریف شده در این کد، به دو دسته کلی تقسیم می‌شود: دسته اول شامل محدودیت‌هایی هستند که برای اعمال آن‌ها ضرورتی در تولید ضرایب پاسخ نمی‌باشد (شامل محدودیت‌های متغیرهای تصمیم<sup>۶</sup> و محدودیت‌های جمع خطی<sup>۷</sup>) و دسته دوم شامل محدودیت‌هایی هستند که در به کارگیری آن‌ها باستی ضرایب پاسخ بین متغیرهای تصمیم و متغیرهای حالت سیستم آب زیرزمینی تولید شوند (شامل محدودیت‌های بار هیدرولیکی<sup>۸</sup> و رودخانه<sup>۹</sup>). همچنین GWM ماتریس پاسخ را به سه روش برنامه‌ریزی خطی<sup>۱۰</sup>، برنامه‌ریزی غیرخطی<sup>۱۱</sup> و فرمول‌بندی مختلط خطی-دوتایی<sup>۱۲</sup> حل می‌کند.

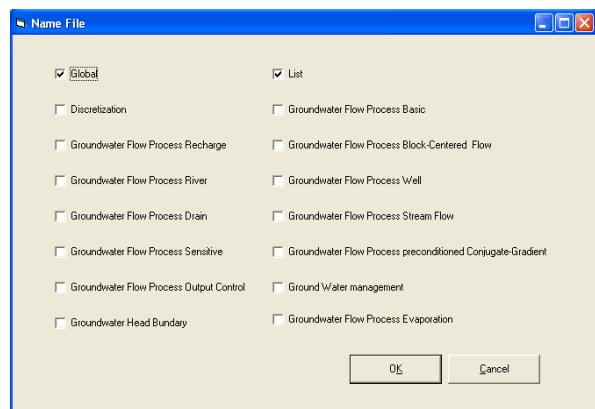
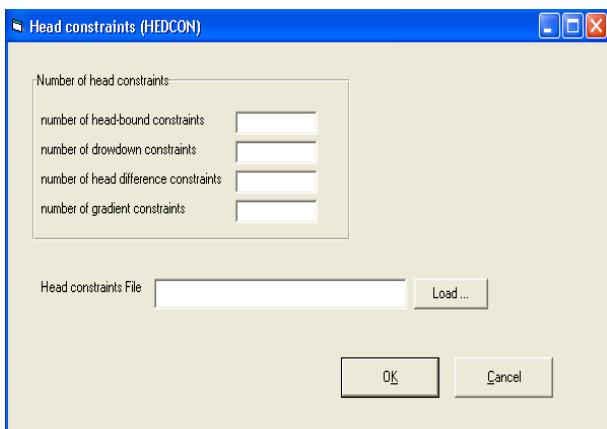
کد بهینه‌سازی GWM که بر اساس کد شبیه‌سازی MODFLOW که گونه‌ای است که کاربر برای استفاده از آن به اطلاعات زیادی درباره چگونگی فرمت داده‌ها و مدیریت آب زیرزمینی احتیاج دارد. در نتیجه کاربر برای اجرای این برنامه نیازمند زمان نسبتاً قابل توجهی جهت فرآگرفتن موارد یاد شده است. با توجه به موارد فوق در تحقیق حاضر سعی گردید نواقص مورد نظر در کد بهینه‌سازی GWM برطرف گردد. برای رسیدن به این هدف برنامه نویس نیازمند درک کاملی از نحوه برنامه‌نویسی GWM و MODFLOW می‌باشد. به این ترتیب کد GGWM<sup>۱۳</sup> بر اساس MODFLOW و GWM به صورت یک رابط گرافیکی که کاربر راحت‌تر بتواند با آن ارتباط برقرار کند یا به عبارتی کاربرد و ساخت باشد را به گردید.

از آنجا که کد بهینه‌سازی GWM براساس MODFLOW-2000 و با زبان برنامه نویسی فرترن نوشته شده است. در این تحقیق برای نوشتن کد GGWM به طوری که بتواند داده‌های ورودی را از کاربر دریافت کند و متناسب با آن نتایج بهینه‌سازی را نشان دهد، از زبان برنامه‌نویسی ویژوال بیسیک<sup>۱۴</sup> استفاده گردید.

برای نیل به این هدف، مشکلی که در مرحله اول به وجود می‌آید تفاوت دو زبان برنامه‌نویسی ویژوال بیسیک و فرترن است. بدیهی است که اکثر برنامه‌نویسان<sup>۱۵</sup> DLL را جهت حل مسائل نظری این



شکل ۱ - ساختار GGWM



شکل ۴ - نمایی از پنجره مربوط به تعیین محدودیت بار  
هیدرولیکی

**۲-۱- موقعیت جغرافیایی محدوده مورد مطالعه**  
 مطالعه موردي اين تحقیق، آبخوان شهرکرد واقع در استان چهارمحال و بختیاری می باشد. وجود چندین دوره خشکسالی، کم شدن آبدی چشمهها و رودخانه های تأمین کننده آب کشاورزی و همچنین افزایش نیاز آبی در منطقه مورد مطالعه سبب شده است که بخش های اجرایی بیشتر به سمت بهره برداری از سفره های آب زیرزمینی روی آورند که این عوامل باعث افزایش افت سطح ایستابی در سال های اخیر گردید. بنابراین، تهیه مدل مدیریت بهره برداری



شکل ۳ - نمایی از پنجره تعریف تابع هدف

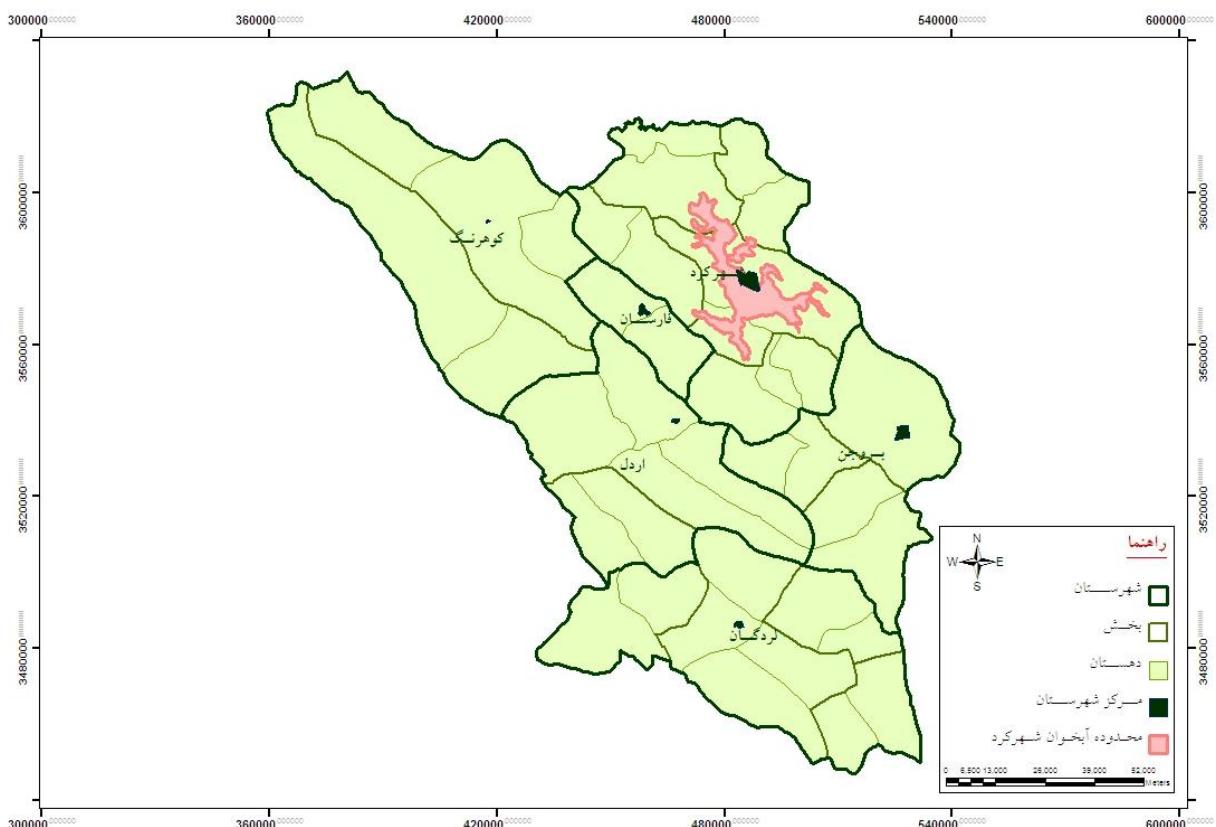
که منطقه خروج آب زیرزمینی است نیز از نوع مرز با پتانسیل هیدرولیکی معلوم در نظر گرفته می شود. از نظر ساختار زمین شناسی سفره شهر کرد، یک لایه ای و از نوع آزاد می باشد.

بررسی داده های موجود در آبخوان دشت شهر کرد نشان داد که تنها در ۲ سال (۱۳۷۷-۷۸ و ۱۳۸۶-۸۷) اطلاعات کافی و مطالعات نیمه تفضیلی وجود داشت، بنابراین داده های ۲ سال برای کالیبراسیون و صحت سنجی استفاده گردید. داده های سال ۱۳۷۷-۷۸ جهت کالیبراسیون و داده های سال ۱۳۸۶-۸۷ جهت صحت سنجی مدل شبیه سازی شبیه سازی مورد استفاده قرار گرفت. بعد از تهیه مدل شبیه سازی منطقه مورد مطالعه، به منظور این که برنامه مدیریتی بتواند قابل اجرا برای بخش های اجرایی و مردم باشد شبکه های مدیریتی به مراتب بزرگ تر از سلول های مدل شبیه سازی در نظر گرفته می شود. بنابراین کل محدوده مورد مطالعه به ۴۴ شبکه مدیریتی تقسیم گردید (شکل ۷). چاه های بهره برداری در منطقه مورد مطالعه دارای مصارف کشاورزی، صنعت و شرب می باشد. توزیع چاه ها و مقادیر فعلی بهره برداری در منطقه در شکل های ۶ و ۷ آورده شده است.

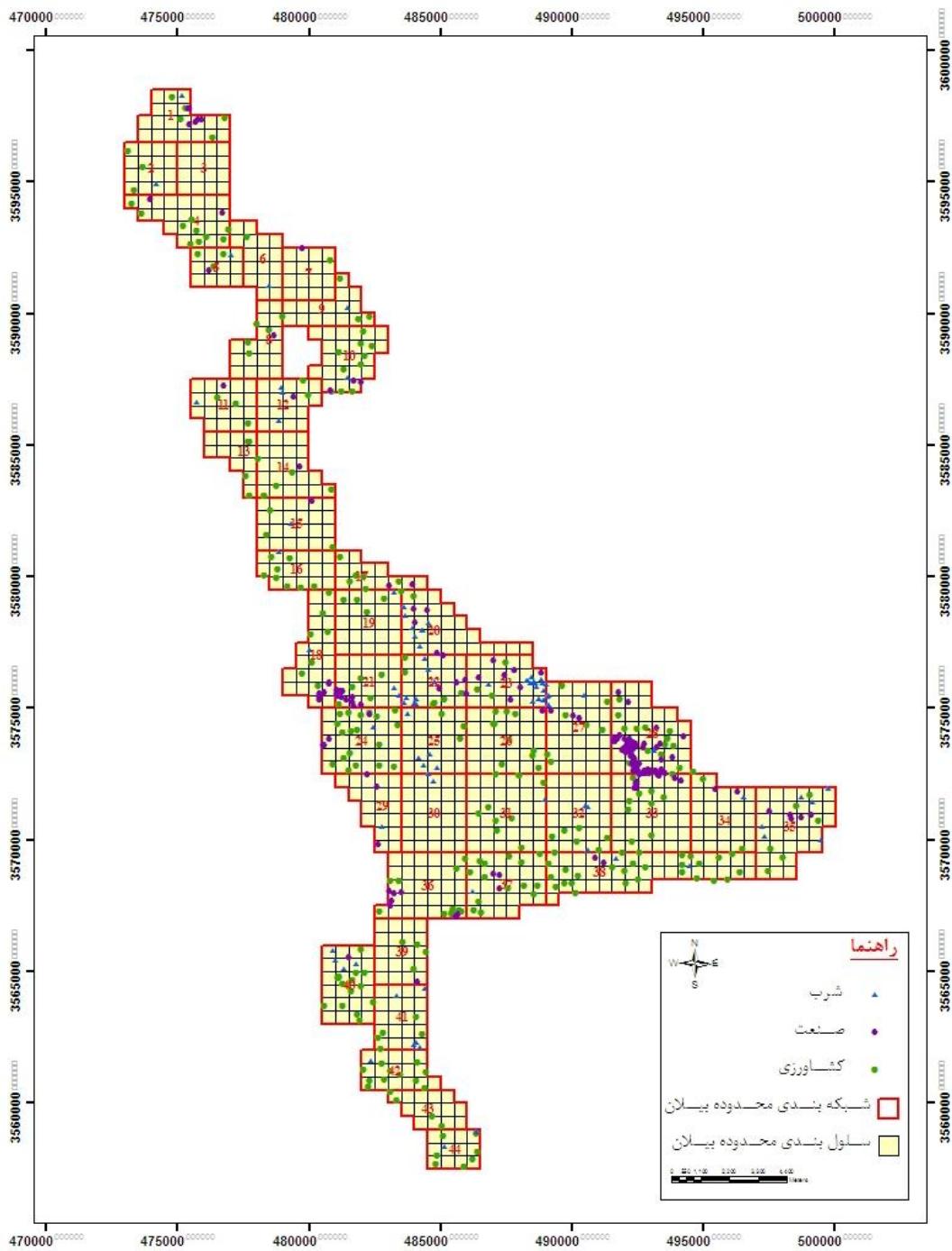
بهینه از آبخوان باعث می گردد که روند برداشت ها به نحوی باشد که مدیریت در راستای توسعه پایدار باشد و از به وجود آمدن افت شدید سطح آب در این آبخوان و ایجاد فاجعه جبران ناپذیری که در بعضی از دشت های کشور رخ داده است، جلوگیری شود.

آبخوان دشت شهر کرد در استان چهارمحال و بختیاری و در جنوب غربی اصفهان قرار گرفته است. در شکل ۵ موقعیت منطقه مورد مطالعه در استان چهارمحال و بختیاری نشان داده شده است. دشت شهر کرد از شمال و شمال غرب به ارتفاعات کلاه قاضی، قراول خانه و چهل دختر، از جنوب به ارتفاعات جهان بین و تنخه، از شرق به ارتفاعات کوه سینه و برات، از غرب نیز به ارتفاعات قلنگان و ارتفاعات مشرف به جاده فارسان منتهی می گردد. سطح حوضه آبریز این دشت بالغ بر  $1135/57$  کیلومترمربع است و مساحت محدوده مدل  $261/25$  کیلومترمربع می باشد. این ناحیه در حوضه آبریز رودخانه جهان بین قرار گرفته است.

مرز شمالی آبخوان که جبهه ورودی آب زیرزمینی است از نوع مرز با پتانسیل هیدرولیکی معلوم می باشد. مرز جنوب غربی و جنوب شرقی



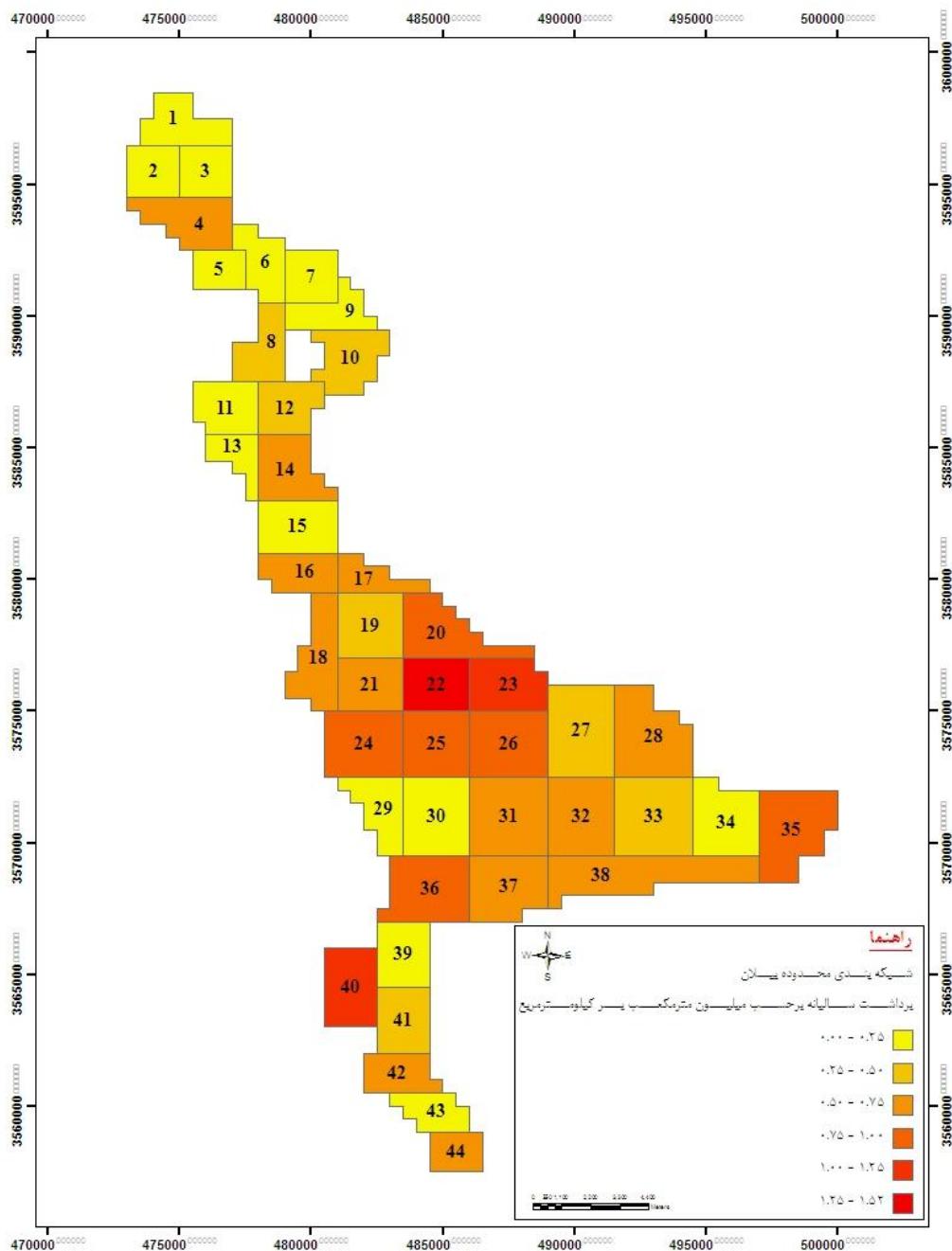
شکل ۵- موقعیت منطقه مورد مطالعه در استان چهارمحال و بختیاری



شکل ۶- توزیع چاه‌های کشاورزی، صنعت و کشاورزی در دشت شهرکرد

تغییرات سطح آب زیرزمینی در دشت شهرکرد، مدل شبیه‌سازی را برای حالت میزان بهره‌برداری فعلی و همچنین افزایش و کاهش درصدی از وضعیت بهره برداری فعلی اجرا نموده و با توجه به تغییرات ملاحظه شده نحوه مدیریت و انتخاب تابع هدف مشخص گردید.

با توجه به اهمیت چاه‌های شرب و صنعت (از نظر تأمین آب مورد نیاز)، برای تهییه یک برنامه مدیریتی بهینه آب زیرزمینی سعی می‌گردد بیشتر بر روی مصارف کشاورزی مدیریت صورت گیرد. به این ترتیب در این تحقیق با حفظ میزان آبدی چاه‌های شرب و صنعت، فقط در میزان بهره برداری از چاه‌های کشاورزی در شبکه‌های مدیریتی تغییراتی اعمال شده است. به منظور آگاهی از میزان



شکل ۷- توزیع فعلی بهره‌برداری در منطقه

**متغیر تصمیم:** در این تحقیق میزان برداشت از چاههای موجود در هر یک از شبکه‌های مدیریتی در هر ماه از سال به عنوان متغیرهای تصمیم در نظر گرفته شد، با توجه به اینکه نیاز آبی کشاورزی در ماههای آذر، دی، بهمن و اسفند صفر می‌باشد دلیلی جهت بهینه‌سازی بهره‌برداری در این ماهها وجود ندارد و جهت کم کردن حجم محاسباتی و صرف زمان کمتر برای رسیدن به جواب بهینه مقادیر برداشت این ماهها در مسئله مدیریتی حذف شده است. به

**۲-۲- فرمول‌بندی مدیریت آب زیرزمینی در محدوده مورد مطالعه**  
به طور کلی یک فرمول‌بندی مدیریت آب زیرزمینی که به خوبی تعریف شده باشد، شامل مقادیری از متغیرهای تصمیم است که توسط آن مقدار بهینه تابع هدف به دست آمده باشد و در عین حال تمامی محدودیت‌های تعریف شده بر روی متغیرهای تصمیم نیز به خوبی ارضا شده باشند.

$$QW_n \leq QW_n \leq QW_n^u \quad (2)$$

دسته دوم شامل محدودیت‌های بار هیدرولیکی هستند که در به کارگیری آن‌ها بایستی ضرایب پاسخ بین متغیرهای تصمیم و متغیرهای حالت سیستم آب زیرزمینی تولید شوند. برای تعیین این نوع محدودیت، در صورت وجود افت قابل توجه در شرایط فعلی مقدار ۹۰ درصد افت در شرایط فعلی و در صورت نبود افت قابل توجه در شرایط فعلی، میزان ثابت افت به عنوان مقدار افت مجاز بار هیدرولیکی در یک مکان و دوره تنش معین در نظر گرفته شده است.

$$dd_{i,j,k,t} = (h_{i,j,k,t})^0 - h_{i,j,k,t} \quad (3)$$

$$dd_{i,j,k,t} \leq dd_{i,j,k,t}^u \quad (4)$$

که در آن  $dd_{i,j,k,t}$  معادل تفاوت بین ارتفاع اولیه و پایان دوره تنش در مکان  $j, i$  و  $dd_{i,j,k,t}^u$  حد بالای این پارامتر می‌باشد.

چاههای مشاهده‌ای بهترین گزینه به عنوان نقاط کنترل می‌باشند. اما از آنجایی که نحوه توزیع چاههای به صورت یکنواخت نمی‌باشد و بر اساس مدل شبیه‌سازی آب زیرزمینی، بسیاری از نقاط دیگر واقع در محدوده بیلان دارای افت شدیدتری بوده‌اند، نقاط واقع در مرکز هر شبکه مدیریتی، به عنوان نقاط کنترل در نظر گرفته شده‌اند. به این ترتیب میزان افت در هر یک از نقاط کنترل در نظر گرفته شده بر اثر تنش وارد شده از برداشت در هر شبکه می‌تواند به خوبی منعکس کننده خصوصیات آبخوان باشد. در دیگر نقاط واقع در مراکز شبکه‌های مدیریتی افت در شرایط فعلی وجود نداشته و بنابراین به عنوان نقاط کنترل در نظر گرفته نشده‌اند.

به منظور بازنویسی محدودیت‌های بار هیدرولیکی تابع رابطه بین تنش‌های تحمل شده در متغیرهای تصمیم و تغییرات حاصل شده در بار هیدرولیکی در موقعیت چاههای در نظر گرفته شده تولید می‌گردد. جهت انجام این کار از ماتریس پاسخ استفاده می‌شود.

**روش حل مسئله مدیریت آب زیرزمینی:** در شرایطی که محدوده آبخوان وسیع و سیستم مورد بررسی پیچیده باشد با توجه به اینکه گزینه‌های مختلفی شامل تعداد زیادی از دوره‌های تنش در افق زمانی بلندمدت تحلیل و بررسی می‌شود، هزینه‌های محاسباتی مدل‌سازی مسئله مدیریتی، قابل توجه خواهد بود. این مسئله کاربرد مدل‌های مدیریتی آب زیرزمینی که از لحاظ محاسباتی کارآمد می‌باشد را اختناب نایذری می‌سازد. در این راستا با توجه به تحقیقات صورت گرفته توسط Pulido et al. (2008)، می‌توان از خطی‌سازی رابطه تنش و عکس العمل آبخوان به منظور ساده‌سازی رفتار سیستم

منظور افزایش ضمانت اجرایی مدل، در هر شبکه مدیریتی نسبت برداشت از هر یک از چاههای کشاورزی به میزان کل برداشت از آن شبکه مشابه با شرایط موجود در نظر گرفته شده است. در نتیجه مقدار برداشت از چاههای موجود در هر شبکه مدیریتی به یک نسبت افزایش یا کاهش خواهد یافت. مدل بهینه در یک دوره پنج ساله اجرا می‌گردد. متغیرهای تصمیم به گونه‌ای تعریف شده‌اند که میزان برداشت بهینه سالانه در هریک از شبکه‌های مدیریتی در سال‌های مختلف بکسان در نظر گرفته شوند و از یک سال به سال دیگر تفاوتی نداشته باشند.

**تابع هدف:** حداکثر نمودن میزان برداشت از مجموعه شبکه‌ها با حفظ نسبت برداشت از هر یک از چاههای کشاورزی به میزان کل برداشت از آن شبکه به عنوان تابع هدف در نظر گرفته شده است.

$$\begin{aligned} \text{Max } Z = & \sum_{t=1}^{60} \sum_{n=1}^{44} Q_{n,t} \\ (t=1, 2, \dots, 60), \{n\} = & (1, 2, \dots, 44) - (3, 29, 30) \end{aligned} \quad (1)$$

که  $t$  زمان بر حسب ماه؛  $n$  شماره شبکه مدیریتی و  $Q_{n,t}$  مقدار برداشت کشاورزی در زمان  $t$  و از شبکه مدیریتی  $n$  می‌باشد. به علت نبود چاه کشاورزی در شبکه‌های مدیریتی ۳، ۲۹ و ۳۰، از تعداد کل متغیر تصمیم (۴۴ متغیر تصمیم) عدد ۳ کم شده است. بنابراین برای بدست آوردن کل متغیرهای تصمیم تعداد ۴۱ شبکه مدیریتی در ۸ ماه بهره‌برداری در سال ضرب می‌شود ( $41 \times 8 = 328$ )

**محدودیت:** در مدل مدیریت آب زیرزمینی دو نوع از محدودیت‌های مدیریتی در نظر گرفته شده است. دسته اول شامل محدودیت‌های متغیرهای تصمیم  $QW_n$  هستند که برای اعمال آن‌ها ضروری در تولید ضرایب ماتریس پاسخ نمی‌باشد. حدود بالا و پایین متغیرهای تصمیم  $QW_n$  و  $QW_n^u$  که به ترتیب به معنای حداکثر و حداقل مجاز آب برداشت شده در منطقه می‌باشد. جهت انتخاب سناریوی مناسب بهره‌برداری، مدل شبیه‌سازی برای ۵۰ تا ۱۵۰ درصد مقادیر بهره‌برداری فعلی از چاههای کشاورزی اجرا گردید. سپس با توجه به بررسی عکس‌العمل‌های سفره نسبت به تغییرات برداشت، حدود بالا و پایین متغیرهای تصمیم به ترتیب ۷۰ و ۱۲۰ درصد برداشت فعلی در نظر گرفته شد.

به منظور آگاهی از میزان تغییرات سطح آب زیرزمینی در دشت شهرکرد، مدل شبیه‌سازی را برای حالت میزان بهره‌برداری فعلی و همچنین افزایش و کاهش درصدی از وضعیت بهره‌برداری فعلی اجرا نموده و با توجه به تغییرات ملاحظه شده نحوه مدیریت و انتخاب تابع هدف مشخص گردید.

Withdrawal Rate	
variable	withdrawal
A1mehr	1787.904
A2mehr	1548.288
A3mehr	4792.32
A5mehr	0
A6mehr	0
A7mehr	0
A8mehr	0
A9mehr	0
A10mehr	4094.485
A11mehr	1703.117
A12mehr	0
A13mehr	1118.822
A14mehr	3769.712
A15mehr	1181.959

شکل ۸- نمایی از نحوه نمایش خروجی کد GGWM

نتایج بهینه‌سازی آبخوان مورد نظر به این صورت می‌باشد که مجموع برداشت سالانه از چاههای کشاورزی در شرایط بهینه ۸۷/۰۴۱ میلیون متر مکعب است، در صورتی که در شرایط فعلی ۹۴/۲ میلیون متر مکعب بوده است. بنابراین نسبت برداشت سالانه از چاههای کشاورزی در شرایط بهینه به شرایط فعلی ۰/۹۴۲ بدست آمد. در جدول ۱ نسبت ماهانه برداشت‌ها آورده شده است. همانطور که در جدول نشان داده شده، جهت مدیریت منطقه کاهش برداشت از چاههای کشاورزی بیشتر در ماههای گرم سال که نیاز کشاورزی بیشتر می‌باشد، صورت گرفته است.

با توجه به اینکه در این مسئله جهت بهینه سازی، رفتار آبخوان به صورت خطی درنظر گرفته شد، حال جهت اطمینان از این فرض، افت بدست آمده از مدل بهینه سازی با افت حاصل از شبیه سازی نتایج بهینه سازی مقایسه گردید (شکل ۹). افت شبیه سازی حاصل از برداشت بهینه، میزان افتی است که بعد از انجام بهینه سازی، مقادیر بهینه برداشت از چاههای کشاورزی به اضافه مقادیر شرب و صنعت در حالت فعلی را وارد مدل شبیه سازی نموده و بعد از اجرای مدل شبیه سازی مقادیر افت بدست می‌آید. مقایسه این افتها در شکل ۹ نشان می‌دهد که به جز در تعدادی از نقاط کنترل تقریباً نتیجه مطلوبی داده است که این را می‌توان به فرض برهم پوشانی خطی مقادیر افت ناشی از برداشت در شبکه‌های مدیریتی مربوط دانست. بنابراین فرض خطی بودن آبخوان با مقدار کمی خطا همراه خواهد بود که می‌توان از آن صرف نظر نمود. جهت نشان دادن نتایج مدیریت در منطقه مورد مطالعه، نمودار مقادیر افت فعلی همراه با مقادیر افت بدست آمده بعد از شبیه سازی مدل با برداشت بهینه حاصل از مدل بهینه سازی در شکل ۱۰ آورده شده است. افت فعلی در اثر برداشت فعلی از چاههای کشاورزی به اضافه چاههای صنعت و شرب در آبخوان ایجاد می‌کند. همانطور که در شکل نشان داده شده است، مدل بهینه سازی با اجرای سناریوی ۳۰ درصد کاهش

آبخوان استفاده نمود. با توجه به مطالب گفته شده، در این تحقیق جهت حل ماتریس پاسخ از روش برنامه‌ریزی خطی استفاده شده است.

همانطور که می‌دانید در برنامه‌ریزی خطی از روش سیمپلکس استفاده می‌شود، روش سیمپلکس مستلزم تولید رابطه‌ای بین تنش‌های تحییل شده در چاههای مدیریت شده (متغیرهای تصمیمی مقدار جریان) و تغییرات حاصل شده در بار هیدرولیکی در هر یک از نقاط کنترل می‌باشد. رابطه بین بار هیدرولیکی و متغیر تصمیمی، از بسط مرتبه اول سری تیلور بدست می‌آید.

$$h_{i,j,k,t}(QW) = h_{i,j,k,t}^0(QW^0) + \sum_{n=1}^N \frac{\partial h_{i,j,k,t}}{\partial QW_n}(QW_n - QW_n^0) \quad (5)$$

که در آن  $h_{i,j,k,t}(QW)$  بار هیدرولیکی در موقعیت محدودیت  $i,j,k$  و دوره تنش  $t$  برای بردار (یا مجموعه) جدید از مقادیر جریان برداشت و یا تغذیه  $QW$  که دارای اجزای مستقل  $QW_n$  است، می‌باشد.  $h_{i,j,k,t}^0(QW^0)$  بار هیدرولیکی در موقعیت محدودیت  $i,j,k$  و دوره تنش  $t$  برای بردار جدید (مجموعه شرایط پایه) از مقادیر جریان برداشت و یا تغذیه  $QW^0$  که دارای اجزای مستقل  $QW_n^0$  است، می‌باشد.  $\frac{\partial h_{i,j,k,t}}{\partial QW_n}(QW^0)$  تغییر در بار هیدرولیکی موقعیت  $i,j,k$  و دوره تنش  $t$  بر اثر تغییر در برداشت و یا تغذیه در  $n$  این متغیر تصمیم مقدار جریان و  $N$  تعداد کل متغیرهای تصمیمی مقدار جریان می‌باشد. مشتقهای جزئی که تعریف کننده ضرایب پاسخ هستند، به طور مستقیم محاسبه نمی‌شوند، بلکه به وسیله روش آشفتگی تفاضل محدود مرتبه اول<sup>۱۴</sup> تقریب زده می‌شوند. مشتق بار هیدرولیکی نسبت به هر متغیر تصمیمی (ماتریس ضرایب پاسخ) به وسیله تقریب مرتبه اول معادلات تفاضل محدود (پیشرو) محاسبه می‌شود.

$$\frac{\partial h_{i,j,k,t}}{\partial QW_n} \approx \frac{\Delta h_{i,j,k,t}}{\Delta QW_n} = \frac{h_{i,j,k,t}(QW_{\Delta n}) - h_{i,j,k,t}^0(QW^0)}{QW_{\Delta n}} \quad (6)$$

که در آن  $QW_{\Delta n}$  مقدار آشفتگی برای  $n$  این متغیر تصمیمی مقدار جریان و  $h_{i,j,k,t}(QW_{\Delta n})$  بار هیدرولیکی در موقعیت محدودیت  $i,j,k$  و دوره تنش  $t$  است که با استفاده از بردار مقادیر تنش برداشت و یا تغذیه  $QW_{\Delta n}$  که تنها در جزء  $n$  به مقدار  $QW^0$  متفاوت از بردار قبلی مقادیر تنش،  $QW^0$ ، می‌باشد، محاسبه شده است.

### ۳- نتایج و بحث

بعد از آمده سازی آبخوان دشت شهر کرد جهت ورود به کد GGWM و تعریف شرایط بهینه سازی منطقه مورد مطالعه، مدل آمده اجرا می‌باشد. بعد از اجرای مدل بهینه سازی با استفاده از این کد، نتایج به صورت Excel قابل رویت می‌باشد (شکل ۸).

جدول ۱- نسبت ماهانه برداشت‌ها از چاههای کشاورزی

ماه	برداشت ماهانه فعلی	برداشت ماهانه بهینه	نسبت برداشت بهینه به فعلی
مهر	۱۱/۳۰۵	۱۱/۰۳۳	۰/۹۷۶
آبان	۷/۵۳۷	۷/۳۵۹	۰/۹۷۶
فروردین	۵/۶۵۳	۵/۳۹۲	۰/۹۵۴
اردیبهشت	۱۲/۲۴۷	۱۱/۴۹۰	۰/۹۳۸
خرداد	۱۵/۰۷۳	۱۳/۷۷۱	۰/۹۱۴
تیر	۱۴/۱۳۱	۱۲/۶۴۴	۰/۸۹۵
مرداد	۱۴/۱۳۱	۱۲/۴۳۲	۰/۸۸۰
شهریور	۱۴/۱۳۱	۱۲/۹۲۱	۰/۹۱۴

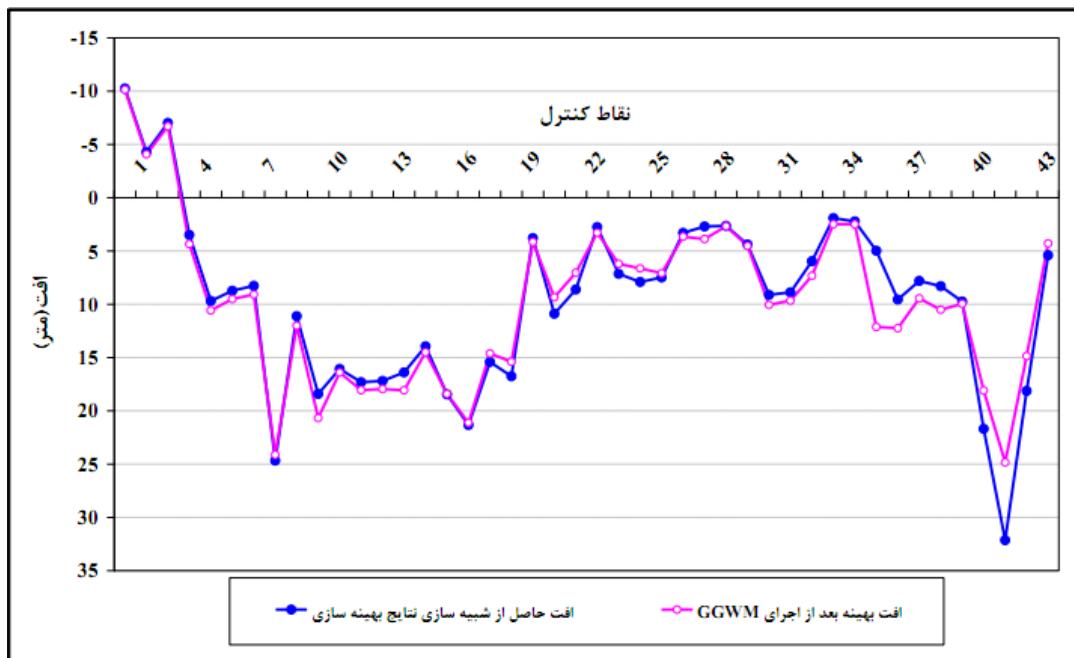
مدیریتی آبخوان شهرکرد، ابتدا، رفتار سیستم سفره آب زیرزمینی با استفاده از کد شبیه‌سازی MODFLOW تعیین گردید.

به دلیل حجمی بودن محاسبات در روش بهینه‌سازی غیرخطی، جهت حل مسئله بهینه‌سازی در GGWM، می‌توان سیستم آبخوان به صورت خطی فرض شود و از روش برنامه‌ریزی خطی استفاده نمود. بنابراین در منطقه مورد مطالعه با بررسی نتایج مدل شبیه‌سازی آبخوان و در نظر گرفتن شرایط منطقه، مدل بهینه‌سازی در سیستم خطی انجام گرفت. هدف مدیریت آبخوان شهرکرد، پایین آوردن ۱۰ درصدی افت سطح ایستابی با استفاده از اجرای سناریوی ۳۰ درصد کاهش برداشت و ۲۰ درصد افزایش برداشت از چاههای کشاورزی

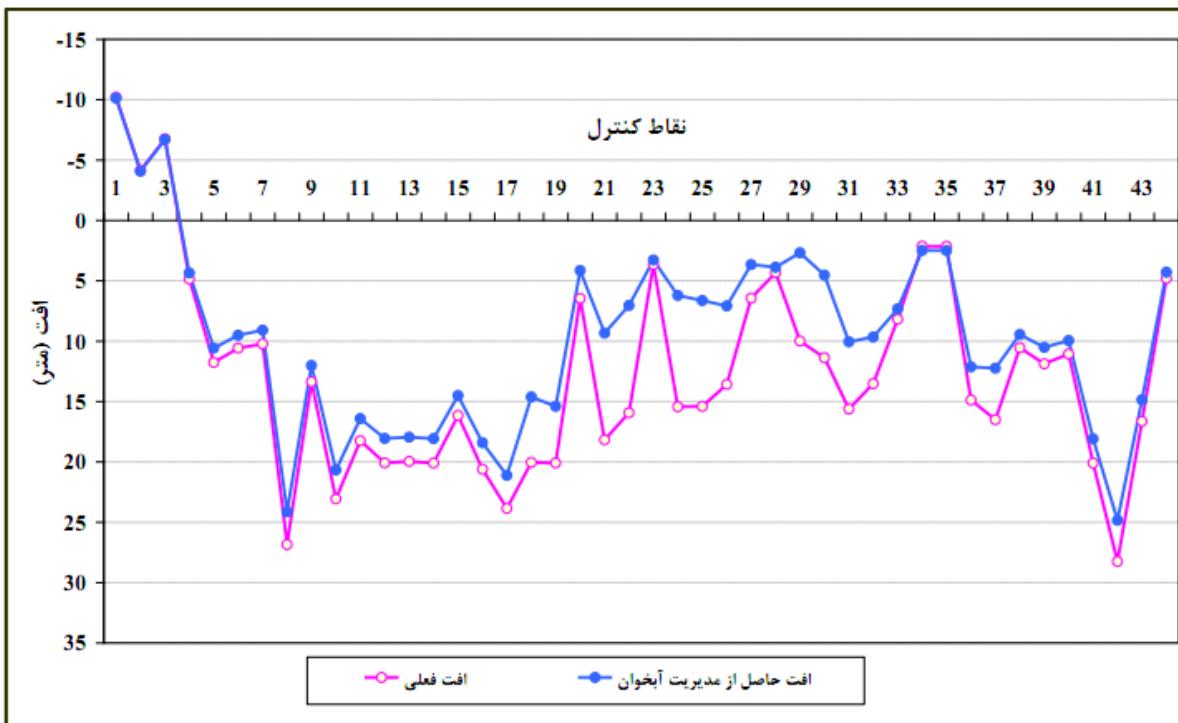
برداشت و ۲۰ درصد افزایش برداشت از چاههای کشاورزی نسبت به حالت فعلی، توانسته است مقدار افت را تا میزان زیادی کاهش دهد که بیشترین آن ۹/۹۰۲ متر در شبکه مدیریتی ۳۶ می‌باشد.

#### ۴- نتیجه‌گیری

در مطالعه حاضر جهت توسعه مدل مدیریت آب‌های زیرزمینی از رویکرد شبیه‌سازی - بهینه‌سازی استفاده گردید. در این راستا ابتدا رابط گرافیکی تحت عنوان کد گرافیکی مدیریت آب زیرزمینی MODFLOW-2000 و GWM (GGWM) با استفاده از کدهای GWM و GGWM توسعه یافت. سپس جهت تأیید کد تهیه شده آبخوان شهرکرد به عنوان مطالعه موردی انتخاب گردید. در ادامه، جهت تهیه مدل



شکل ۹- مقایسه افت بهینه بعد از اجرای GGWM و افت حاصل از شبیه‌سازی نتایج GGWM



شکل ۱۰- مقایسه مقادیر افت فعلی و افت حاصل از مدیریت آبخوان (اجرای کد GGWM)

- 11- Nonlinear programming
- 12- Mixed-binary linear
- 13-Graphical Ground Water Management
- 14- Visual Basic
- 15- Dynamic Link Library
- 16- First order, finite difference perturbation method

## ۵- مراجع

جوادیانزاده م (۱۳۷۷) تهیه مدل‌های شبیه‌سازی و بهینه‌سازی آب‌های زیرزمینی. پایان‌نامه کارشناسی ارشد، گروه محیط زیست، دانشکده عمران، دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی.  
دشتی س (۱۳۸۵) مدیریت بهره‌برداری تلفیقی از سیستم چندهدفه منابع آب سطحی و زیرزمینی. پایان‌نامه کارشناسی ارشد، مهندسی منابع آب، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تهران.

شمسایی الف، فرقانی ع (۱۳۹۰) بهره‌برداری تلفیقی از منابع آب سطحی و زیرزمینی در مناطق خشک. تحقیقات منابع آب ایران، سال ۷، شماره ۲۶: ۳۶-۲۶.

کتابچی ح، عطایی آشینیانی ب (۱۳۹۰) توسعه الگوریتم جامعه مورچه‌ها به صورت تلفیقی با مدل شبیه‌سازی عددی برای مدیریت بهینه آبخوان‌های ساحلی. تحقیقات منابع آب ایران، سال ۷، شماره ۱: ۱۲-۱.

نسبت به حالت فعلی می‌باشد. نتایج کلی که از اجرای مدل بهینه‌سازی دشت شهرکرد بدست آمد، نشان داد که مدل بهینه‌سازی مورد استفاده در این تحقیق، (GGWM)، توانسته است با ۹۲/۳۹ درصد برداشت نسبت به شرایط فعلی، افت را به میزان ۱۰ درصد کاهش دهد و بعد از انجام شبیه‌سازی مقادیر برداشت بهینه، بیشترین مقدار افت مشاهده شده، ۹/۹۰۲ متر، در شبکه مدیریتی ۳۶ بدست آمد. مقایسه مقادیر افت در شرایط بهینه حاصل از مدل بهینه سازی و شبیه‌سازی نتایج بهینه‌سازی حاکی از این است که می‌توان با پذیرفتن درصد ناچیز خطا نتیجه گرفت که رفتار آبخوان خطی می‌باشد، و با توجه به نتایج موقتی آمیز GGWM، این مدل می‌تواند برای مدیریت کمی آب زیرزمینی در هر دشت دیگری مورد استفاده قرار گیرد.

## پی‌نوشت‌ها

- 1- U.S. Geological Survey
- 2-Ground Water Management
- 3- Flow-rate decision variables
- 4- External decision variables
- 5- Binary variables
- 6- Decision Variable Constraints
- 7- Linear summation constraints
- 8- Hydraulic head constraints
- 9- Streamflow constraints
- 10- Linear programming

- Massachusetts Department of Civil and Environmental Engineering, 48 p.
- Ahlfeld DP, Sawyer CS (1990) Well location in capture zone design using simulation and optimization techniques. *Groundwater* 28(4):507-512.
- Aquado E, Remson I (1974) Groundwater hydraulics in aquifer management. *Journal of the Hydraulics Division – ASCE* 100 (1):103–118.
- Barlow PM, Ahlfeld DP, Dickerman DC (2003) Conjunctive-management models for sustained yield of stream-aquifer systems. *J. Water Resources Planing & Management* 129(1):35-48.
- Kholghi M, Razazck M, Treichel W (1996) Modelisation et gestion quantitative des systemes hydrauliques nappe- riviere par l'approche matrice des reponses unitaires. *Hydrolgeologie* 4:11-20.
- Pulido-Velazquez D, Ahlfeld D, Andrew J, Sahuquillo A (2008) Reducing the computational cost of unconfined groundwater flow in conjunctive-use models at basin scale assuming linear behaviour: The case of Adra- Campo de Dalí'as. *Journal of Hydrology* 353:159-179.
- Schwarz J (1976) Linear models for groundwater management. *Journal of Hydrology* 28:377–392.
- Tamer Ayvaz M (2009) Application of harmony search algorithm to the solution of groundwater management models. *Advances in Water Resources* 32(6):916- 924.
- Tamer Ayvaz M, Karahan H (2008) A Simulation/optimization model for the identification of unknown groundwater well locations and pumping rates. *Journal of Hydrology* 357(1-2):76-92.
- عليمحمدی س (۱۳۸۴) طراحی و بهره‌برداری بهینه تلفیقی از سیستم آب‌های سطحی و زیرزمینی-رویکرد ذخیره سیکلی. پایان نامه دکتری، دانشکده عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران.
- قادری ک، اسلامی ح، موسوی س ج (۱۳۸۵) بهره‌برداری بهینه تلفیقی از منابع آب‌های سطحی و زیرزمینی دشت تهران- شهریار. مجموعه مقالات دومین کنفرانس مدیریت منابع آب ایران، اصفهان، ایران، ۳ و ۴ بهمن.
- فراق الف (۱۳۸۶) بهره‌برداری بهینه از آب‌های زیرزمینی. پایان نامه کارشناسی ارشد، مهندسی منابع آب، دانشکده مهندسی و فناوری کشاورزی، دانشگاه تهران.
- Abdeh-Kolahchi A, Satish MG, Ketata C, Islam MR (2009) Sensitivity analysis of genetic algorithm parameters in groundwater monitoring network optimization for petroleum contaminant detection. *Advances in Sustainable Petroleum Engineering and Science* 1(3):305-318.
- Ahlfeld D, Heidari M (1994) Applications of optimal hydraulic control to groundwater systems. *Journal of Water Resources Planning & Management* 120(3):350-365.
- Ahlfeld DP, Barlow PM, Mulligan AE (2005) GWM-A ground-water management process for the U.S. Geological Survey modular ground-water model (MODFLOW-2000). U.S. Geological Survey Open-File Report 2005-1072, 124 p.
- Ahlfeld DP, Riefler G (2003) Documentation for MODFC-A program for solving optimal flow control problems based on MODFLOW simulation. Version 2.3: Amherst, MA, University of