



## A Coupled Model for Design and Operation of Hydropower Reservoirs: A Case Study of Paalam-Karkheh System

Banafsheh Zahraie<sup>1</sup>, Mohammad Karamouz<sup>2</sup>  
Koroush Behzadian<sup>3</sup>

### Abstract

In this paper, a framework for design and operation of hydropower reservoirs is presented. For this purpose, a dynamic programming model is developed to optimize the operation of a dual cascade reservoir system. The model has been applied to the Pa-alam and Karkheh Reservoir system in southwest of Iran. In order to decrease the computational burden of the problem, certain design parameters are selected based on the sensitivity analysis of the long-term simulation results. These Parameters include installed capacity and Plant Factor of the Power Plant and normal and minimum water levels in the reservoir. In order to evaluate the results of simulation based on the variation of these parameters, variations of firm energy, total annual power generation, and reliability of water supply are analysed. Comparison of the results of the optimization model and the long-term simulation based on the optimal operating policies shows that the selection of design parameters can significantly affect the long-term performance of the system.

**Keywords:** Hydropower Reservoirs, Design Parameters, Simulation, Dynamic Programming, Operating Policies

## مدل تلفیقی طراحی و بهره‌برداری از مخازن برق آبی: مطالعه موردی بر سیستم پاalam-کرخه

بنفشه زهرایی<sup>۱</sup>، محمد کارآموز<sup>۲</sup> و کوروش بهزادیان<sup>۳</sup>

### چکیده

در این مقاله، ساختار یک رویکرد تلفیقی برای طراحی و بهره‌برداری از مخازن برق آبی تشریح شده است. برای این منظور از یک مدل بهینه‌سازی پویا برای بهینه‌سازی بهره‌برداری از سیستم دو مخزنی سری برق آبی سری بهره گرفته شده است. به منظور کاهش مشکلات ابعادی برخی از پارامترهای طراحی با استفاده از تحلیل حساسیت بر نتایج درازمدت مدل بهینه‌سازی تعیین شده‌اند. این پارامترها شامل ظرفیت نصب نیروگاه، ضربی کارکرد و تراز نرمال و حداقل بهره‌برداری می‌باشند. به منظور ارزیابی نتایج شبیه‌سازی بر اساس تغییرات این پارامترها، تغییرات انرژی مطمئن تولید کل سالانه و اطمینان پذیری تامین نیازهای آبی مورد ارزیابی قرار گرفته است. هدف مدل تدوین شده، ارزیابی تاثیر تدوین سیاست‌های بهینه بهره‌برداری در مرحله انتخاب پارامترهای اصلی طراحی مخازن برق آبی می‌باشد. شبیه‌سازی عملکرد سیستم دو مخزنی پاalam-کرخه براساس سیاستهای بهینه تدوین شده نشان دهنده اهمیت درنظر گرفتن تاثیر این سیاستها بر عملکرد درازمدت سیستم و تعیین پارامترهای طراحی یوده است.

**کلمات کلیدی:** مخازن برق آبی، پارامترهای طراحی، شبیه‌سازی، برنامه‌ریزی پویا، سیاست‌های بهره‌برداری

<sup>1</sup>Assistant Professor, Faculty of Engineering, University of Tehran, Tehran, Iran  
<sup>2</sup>Professor, School of Civil and Environmental Engineering, Amirkabir University (Tehran Polytechnic), Tehran, Iran  
<sup>3</sup>Ph.D. Student, School of Civil and Environmental Engineering, Amirkabir University (Tehran Polytechnic)

(استادیار دانشکده فنی دانشگاه تهران  
اُستاد دانشکده مهندسی عمران و محیط زیست دانشگاه امیرکبیر  
دانشجوی دکترا مهندسی آب، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

## ۱- مقدمه

مدل برنامه‌ریزی خطی را در طراحی مخازن برق آبی توسعه داد که در آن هدف، انتخاب محل مناسب مخزن و مشخصات فیزیکی آن نظریه نوع و طرفیت نصب و حجم مخزن از اهداف طراحی بوده است. در این بررسی از یک روش برنامه‌ریزی عدد صحیح استفاده شده که در آن عدد صحیح بمنظور در نظر گرفتن شماره محل مورد نظر، مورد استفاده قرار گرفته است. در نهایت به منظور تحلیل ساله در همه حالت‌های ممکن از یک تحلیل پارامتری استفاده شده است.

(Yeh et al. 1992) مسأله بهره‌برداری از سیستم‌های برق آبی مشکل از واحدهای حرارتی و برق آبی را مورد مطالعه قرار دادند. ایشان مسأله بهره‌برداری را در سه بازه زمانی ماهانه، روزانه و ساعتی مدل‌سازی کردند. (Srinivasan & Simonovic 1994) مدلی برای بهینه‌سازی تولید برق براساس اطمینان‌پذیری تامین نیازها تدوین کردند. مدل پیشنهادی، سود حاصل از تولید برق را حداکثر و خسارتهای ناشی از عدم تامین اطمینان‌پذیری مورد انتظار برای تولید برق و کنترل سیالاب را حداقل می‌کند.

روش‌های ساده شده برای تعیین حجم مفید سدها بطور عمده به دو دسته منحنی جرم<sup>۱</sup> و منحنی تداوم جریان<sup>۲</sup> تقسیم می‌شوند. در صورتی که تولید برق یکی از اهداف طراحی مخزن باشد، روش روندیابی متوالی جریان مورد نیاز است، که با استفاده از آن بتوان به دقت مورد نظر دست یافت. در پژوهش‌های (American Society of Civil Engineers, 1989) مخزنی برق آبی که میزان خروجی مستقل از بلندی آب مخزن است، برای دستیابی به دقت بالاتر لازم است که از روش روندیابی متوالی بمنظور تخمین پتانسیل انژوی مخزن استفاده شود. معادله اصلی در روش روندیابی متوالی جریان، معادله پیوستگی در مخزن است:

$$\Delta S = I_t - O_t - L_t \quad (1)$$

$\Delta S$ : تغییرات حجم مخزن در بازه زمانی  $t$

$I$ : ورودی به مخزن در بازه زمانی  $t$

$O$ : خروجی از مخزن در بازه زمانی  $t$

$L$ : تلفات شامل تبخیر و نشت آب از مخزن

در این تحقیق از یک مدل بهینه‌سازی پویا<sup>۳</sup> برای بهینه‌سازی بهره‌برداری از سیستم سری دو مخزنی برق آبی بهره گرفته شده است. به منظور کاهش مشکلات ابعادی برخی از پارامترهای طراحی با استفاده از تحلیل حساسیت بر نتایج درازمدت مدل بهینه سازی تعیین شده‌اند. لازم به ذکر است که استفاده از برنامه‌ریزی پویا بعلت تطابق این روش با روش‌های روندیابی متوالی جریان و در نظر گرفتن عدم قطعیت‌های جریان ورودی بصورت ضمنی در مورد سیستم برق آبی این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته است.

دستیابی به ساختار بهینه برای سیستم‌های منابع آب با توجه به اهداف مختلف طرحهای توسعه، همواره از چالشهای مهم در برنامه‌ریزی و مدیریت منابع آب بوده است. این اهداف می‌تواند شامل تأمین نیازهای پایین دست، کنترل سیالاب و حداکثر تولید برق یا تأمین برق در زمان‌های مشخص و یا ترکیبی از این اهداف باشد. در نظر گرفتن این اهداف در زمان طراحی مخازن بدلیل تعدد متغیرهای تصمیم و حالت و مشکلات ابعادی، اغلب با بهره‌گیری از مدل‌های شبیه‌سازی صورت می‌گیرد. در این دیدگاه، براساس سیاستهای خاص بهره‌برداری و در نظر گرفتن میزان نیازهای آبی و انرژی، با شبیه‌سازی عملکرد سیستم در درازمدت در طی دوره برنامه‌ریزی، پارامترهای مورد نظر هیدرولوژیکی و منابع آب مخزن تعیین می‌شوند. در این رویکرد، به منظور تعیین پارامترهای هیدرولوژیکی مخزن، دو دسته روش ساده شده و روش روندیابی متوالی مورد استفاده قرار می‌گیرند. اگرچه این روش‌های ساده شده تنها بایستی در مطالعات اولیه به نحوی مورد استفاده قرار گیرند که با استفاده از آنها پتانسیل یک مخزن در تامین اهداف تعیین شود، ولی در بسیاری از مطالعات بویژه در سیستم‌های چندمخزن، همین رویکردهای ساده پایه و اساس بسیاری از سرمایه‌گذاری‌های کلان در امر توسعه منابع آب بوده است.

اگرچه استفاده از مدل‌های بهینه‌سازی دارای سابقه گسترده‌ای در تدوین سیاستهای بهره‌برداری از سدها و سایر تاسیسات ذخیره سازی و استحصال منابع آب است، کاربرد محدودی در مطالعات طراحی و تعیین پارامترهای منابع آب موثر در محاسبات سازه سدها و تاسیسات وابسته به آنها داشته است. علت این امر همانطور که ذکر شد، عدمتاً مشکلات ابعادی در استفاده از مدل‌های بهینه‌سازی بوده است که در مدل‌های بهینه‌سازی پویا از آن تحت عنوان نفرین ابعادی<sup>۴</sup> یاد می‌شود. بررسی سابقه مطالعات نشان می‌دهد، تعدادی از محققان از مدل‌های بهینه‌سازی خطی که مشکلات ابعادی کمتری دارند، جهت طراحی مشخصات فیزیکی مخازن بهره برداختند.

(Houck et al. 1980) از روش برنامه‌ریزی خطی برای سیستم‌های چند مخزنی چند منظوره با تابع هدف اقتصادی استفاده کردند. در این تحقیق تابع هدف با سه روش توسعه یافته است. در اولین نوع آن، تابع هدف براساس به حداکثر رساندن سود خالص اقتصادی<sup>۵</sup> ناشی از تامین آب و تولید برق تدوین شده است. دومین نوع تابع هدف صرفاً براساس به حداکثر رساندن کل تولید برق طراحی شده و در حالت سوم، تابع هدف تأمین آبدهی مطمئن در نظر گرفته شده است.

Revelle and Eartman (1973) یک روش مستقیم برای یک حالت خاص طراحی را ارائه دادند که در آن ذخیره مخزن در یک فصل به صورت محدودیت در مدل بهینه‌سازی قرار داده شده است. (Turgeon 1987) یک

جدول (۱): متوسط جریان ورودی به سدهای پاعلام و کرخه و برآوردهای بین راهی در شرایط طبیعی (میلیون متر مکعب) (از مهر ۱۳۳۶ تا شهریور ۱۳۷۹)

ماه	وروودی به سد پاعلام	برآورد بین راهی بین سد کرخه و سد پاعلام	وروودی به سد کرخه
مهر	۱۲۸	۴۰	۱۶۷
آبان	۲۳۵	۴۴	۲۷۹
آذر	۳۸۸	۸۷	۴۷۰
دی	۳۸۸	۸۹	۴۷۸
بهمن	۵۲۵	۱۱۴	۶۳۹
اسفند	۷۵۶	۱۱۲	۸۶۷
فروردین	۱۱۰۴	۱۱۳	۱۲۶۷
اردیبهشت	۷۸۳	۸۲	۸۶۵
خرداد	۲۹۷	۴۸	۳۴۵
تیر	۱۰۰	۳۱	۱۸۷
مرداد	۱۱۹	۷۷	۱۴۶
شهریور	۱۰۰	۷۷	۱۳۲
	۰.۳۴	۷۹۳	۵۸۲۶

میلیون متر مکعب، عمدتاً با هدف تامین آب اراضی پای پل، حمیدیه، قدس و آزادگان توسعه داده شده است. اهداف جنبی ساخت این سد، تولید برق و کنترل سیالیها هستند. به استناد مطالعات مهاب قدس (۱۳۷۱)، تا قبل از شروع بهره‌برداری از سد مخزنی کرخه بیش از ۹۰ هزار هکتار از اراضی این دشتها زیر کشت بوده که حدود ۱۱ هزار هکتار توسط آب زیرزمینی و مابقی که دربرگیرنده اراضی حقایقی خارج از محدوده طرح شبکه آبیاری نیز می‌گردد از طریق جریان رودخانه کرخه آبیاری شده‌اند. کل آب مورد نیاز برای این اراضی بیش از ۳۶۰۰ میلیون متر مکعب برآورد شده است. همچنین درصد آب برگشتی این اراضی بین ۵ تا ۳۵ درصد متغیر درنظر گرفته شده است. لازم به ذکر است که ارقام فوق برای درصد آب برگشتی براساس مطالعات شرکت مهندسین مشاور مهاب قدس (۱۳۷۱) در این مطالعات مورد استفاده قرار گرفته است. برای اطلاعات بیشتر در مورد سیستم منابع آب حوزه آبریز کرخه و سدهای دردست ساخت و مطالعه می‌توانید به شرکت مهندسین مشاور مهاب قدس (آذر و تیر ماه ۱۳۷۱) و مهندسین مشاور سکو (۱۳۸۱) مراجعه کنید.

**۱-۱- تخمین رسوبات**  
در این بخش از تحقیق با بهره‌گیری از نتایج تحلیلهای هیدرولوژیک، بار رسویی رودخانه کرخه در محل سد پاعلام و با استفاده از نرم افزار HEC6 تغییرات حجم مخزن در یک دوره پنجاه ساله مورد بررسی قرار گرفته است. داده‌های ورودی مدل HEC6، به سه بخش داده‌های هندسی، اطلاعات مربوط به رسوی و داده‌های هیدرولوژی قابل تقسیم می‌باشد. به منظور تهیه داده‌های هندسی مورد نیاز از مقطع دریاچه سد،

مطالعه موردنی این تحقیق بر سیستم دو مخزنی سری پاعلام - کرخه که از جمله بهترین پتانسیلهای برق آبی در کشور می‌باشد، صورت گرفته است. در این تحقیق با توجه به اهمیت مولفه‌های مختلف سیستم مورد مطالعه و تأثیر قابل توجه آن در فرآیند طراحی مدل، ابتدا ساختار سیستم منابع آب کرخه تشریح شده است. مطالعات پایه برای تخمین پارامترهای هیدرولوژیکی مورد نیاز جهت طراحی مخزن به جهت اهمیت قابل توجه آنها به طور خلاصه در بخش‌های بعدی مقاله تشریح شده‌اند. سپس ساختار مدل بهینه‌سازی تلفیقی طراحی و بهره‌برداری تشریح شده و در نهایت نتایج مدل مورد ارزیابی قرار گرفته است.

بررسی نتایج این مطالعات نشان دهنده اهمیت درنظر گرفتن تأثیر سیاستهای بهینه بهره‌برداری در عملکرد درازمدت سیستم در تعیین پارامترهای طراحی بوده است.

## ۲- مشخصات پایه سیستم منابع آب کرخه

رودخانه کرخه که پس از رودخانه‌های دز و کارون، بزرگترین رودخانه کشور محسوب می‌شود، از دو سرشاخه اصلی سیمراه و کشکان سرچشمه می‌گیرد. سرشاخه‌های اصلی رودخانه سیمراه را رودخانه‌های قوه سو و گاماسیاب تشکیل می‌دهند. مجموع کل ظرفیت سدهای مخزنی در این حوزه آبریز در شرایط توسعه کامل حدود ۱۸ میلیارد متر مکعب خواهد بود که از این میزان نزدیک به  $\frac{9}{3}$  میلیارد متر مکعب به عنوان حجم مفید درنظر گرفته شده است. در حال حاضر تنها سد مخزنی در دست بهره‌برداری در این سیستم، سد مخزنی کرخه از احداث کلیه سدهای مخزنی در این حوزه آبریز، تولید انرژی برق آبی است. سد مخزنی کرخه با حجم کل ۵۵۷۲

جدول (۲): نتایج شبیه‌سازی عملکرد سیستم تک مخزنی پاعلام با درنظر گرفتن گزینه‌های مختلف ترازهای حداقل تولید برق  
ظرفیت نصب: ۴۰۰ مگاوات - ضریب)

هزینه انرژی (GWh) ثانویه انرژی		مطمئن انرژی (GWh)			درصد سالانه سریز سالانه	سالانه متوسط تبخیر (MCM)	متوسط سالانه تبخیر (MCM)	عبوری درصد نیروگاه از تولید سالانه برق (MWh)	متوسط سالانه خروجی (GWh)	انرژی مخزن (MCM)	مقدار حجم ببره برداری	تراز حداقل بهره برداری	هزینه	
مجموع	غیراوج	اوج	مجموع	غیراوج	اوج									
۶۹۰	۴۳۵	۲۵۵	۵۴۶	۲۸	۵۱۸	%۰۵	۲۴۹	۱۲۰	%۹۵	۴۷۱۶	۱۲۴۷	۲۳۷۷	۴۱۰	۱
۹۰۹	۴۱۸	۱۹۱	۶۲۹	۳۳	۵۹۶	%۰۷	۳۳۰	۱۲۳	%۹۳	۴۶۲۹	۱۲۳۸	۲۰۳۶	۴۲۰	۲
۷۲۰	۴۵۷	۲۶۳	۵۵۴	۱۸	۵۳۶	%۰۹	۲۷۸	۱۲۷	%۹۴	۴۶۶۸	۱۲۷۴	۱۶۸۸	۴۳۰	۳
۷۵۰	۴۹۲	۲۵۸	۵۳۸	۵	۵۳۳	%۰۷	۳۶۱	۱۳۷	%۹۳	۴۵۶۲	۱۲۸۸	۱۱۵۹	۴۴۰	۴
۷۳۳	۵۱۸	۲۱۵	۵۵۴	۰	۵۵۴	%۱۰	۴۸۶	۱۴۷	%۹۰	۴۴۲۲	۱۲۸۶	۹۲۹	۴۵۰	۵
۷۱۲	۵۲۰	۱۹۳	۵۵۱	۲۵	۵۲۶	%۱۱	۵۵۶	۱۵۷	%۸۹	۴۳۳۵	۱۲۶۴	۳۱۵	۴۵۵	۶

توسط Karamouz et al. (1992) تدوین شده، استفاده شده و مدل جهت تعیین پارامترهای بهره‌برداری و طراحی سیستم دو مخزنی پاکلم - کرخه توسعه داده شده است. هر سیکل این مدل شامل عبور از یک حلقه بهینه‌سازی، تحلیل رگرسیون و یک الگوریتم شبیه‌سازی است و در هر سیکل، قوانین بهره‌برداری با افزایش همبستگی بین سیاستهای بهینه و شبیه‌سازی، پیشود می‌باشد. معادله هدف که در بهینه‌سازی به روش برنامه‌ریزی پویا حل می‌شود تنها به منظور بهینه‌سازی تامین نیاز تعریف شده است.

در این تحقیق به منظور توسعه مدل بهینه‌سازی سعی بر این است که قوانین بهره‌برداری بگونه‌ای اصلاح شوند که کل برق تولید شده حاصل از شبیه‌سازی در طول سری تاریخی حداقل شود. همچنین در این مدل نیاز تولید برق نیز بر اساس ضریب کارکرد نیروگاه مورد توجه قرار گرفته است. نیاز تولید برق ( $DE$ ) در هر ماه بر حسب ضریب کارکرد نیروگاه بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$DE = PF \times 24 \times 30 \times P_s \quad (1)$$

در این رابطه  $PF$  ضریب کارکرد نیروگاه و  $P$  ظرفیت نصب نیروگاه است. بمنظور تأمین نیاز برق، عدم تأمین این نیاز بصورت خسارت در ساختار تابع هدف مدل در نظر گرفته می‌شود. معادله برگشتی این مدل بهینه‌سازی که با استفاده از برنامه‌ریزی پویا در سری تاریخی مورد استفاده قرار می‌گیرد به شرح زیر است:

$$f_{i+1}(S_{1,i+1}, S_{2,i+1}) = \min_r \left[ \sum_{s=1}^2 \xi(PG(R_{s,i}, S_{s,i}), DE) + f_i(S_{1,i}, S_{2,i}) \right] \quad (\text{Y})$$

$S_{1,i} \in \Omega_{1,i}$   
 $S_{2,i} \in \Omega_{2,i}$

در این معادله  $T$  طول دوره تاریخی،  $R$  میزان خروجی از مخزن  $s$  در ماه  $t$ ،  $D$  میزان متوسط حجم مخزن  $s$  در ماه  $t$ ،  $PG$  معروف تابع تولید برق و  $\gamma$  نشان دهنده تابع خسارت عدم تامین نیاز انرژی می باشد. در این رابطه شرایط اولیه عبارتند از:

تعداد ۱۹ مقطع عرضی از نقشه‌های ۱/۱۰۰۰ برداشت شده است. موقعیت این مقاطع به نحوی انتخاب شده که پوشش مطلوبی به تغیرات مقاطع در باجه از سرآب تا دماده سد داده شود.

به منظور برآورده خسروی مانینگ، از روابط تجربی پیشنهادی استفاده شده است. اطلاعات دانه بندی مواد معلق و بار بستر در روختانه کرخه نیز به استناد اطلاعات موجود و مطالعات قبلی برآورد شده است. به منظور تکمیل اطلاعات رسوب که در مدل *HEC6* مورد نیاز است، از نتایج بررسی های انجام شده بر رابطه دبی رسوب و دبی آب، و به منظور برآورده بار بستر از روابط پیشنهادی توسط *(Yang 1973)* استفاده شده است. در توسعه این روابط فرض *Yang* میزان بار بستر متناسب با استهلاک انژی جریان استوار است.

به منظور تکمیل اطلاعات هیدرولوژیکی مورد نیاز در مدل از اطلاعات ۴۳ ساله بهره‌برداری از سد پاعلام که در این تحقیق براساس سیاستهای بهینه مدل برآمده ریزی پویا تدوین شده، استفاده شده است. جزییات نحوه تعیین خروجی‌ها و تغییرهای تراز آب در مخزن در قسمتهای بعدی گزارش ارائه شده است. با توجه به نتایج مدل، رسوب ورودی به سد پاعلام در یک دوره ۵۰ ساله به طور متوسط ۱۰۶۴ میلیون متر مکعب برآورد شده است. تاثیر رسوبات ورودی بر منحنی حجم - سطح - ارتفاع مورد بررسی قرار گرفته و درنهایت تغییرهای منحنی حجم - سطح - ارتفاع در مدل بهینه‌سازی لحظان شده است (مهندسين مشاور سکو، ۱۳۸۱). رویکرد مشابهی در مورد حجم رسوبات پنجاه ساله سد کرخه مسروق استفاده قرار گرفته و ارقام تخمینی در مدل بهینه‌سازی دو مخزنی توسعه داده شده در این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته است.

### ۳- ساختار مدل پهنه‌سازی تلفیقی طراحی و بهره برداری

در این مطالعه از ترکیبی از یک مدل برنامه‌ریزی پویای قطعی، تحلیل رگرسیون و مدل شبیه‌سازی که تحت عنوان مدل DPR شناخته می‌شود که

شده است. برای این منظور گزینه‌های زیر در سیستم مورد مطالعه، بررسی شده‌اند:

- تراز نرمال بهره‌برداری، که بعنوان اولین پارامتر طراحی است و در گزینه‌های مختلف از ۴۵۰ تا ۳۷۰ متر در نظر گرفته شده و تأثیر آن در تنظیم جریان و تولید برق مورد ارزیابی قرار گرفته است.

ظرفیت نصب نیروگاه بنظور پوشش دادن به حالت‌های مختلف از ۲۰۰ تا ۸۰۰ مگاوات در ۴ گزینه مورد ارزیابی قرار گرفته است. لازم به ذکر است که برخلاف مطالعاتی که توسط بسیاری از مشاورین صورت گرفته و ظرفیت نصب نیروگاه بر اساس روشهایی نظری منحنی تداوم جریان و انرژی انتخاب شده است در این تحقیق، این پارامتر در محدوده نسبتاً وسیعی متغیر درنظر گرفته شده تا بتوان تحلیلهای اقتصادی جامعتری بر میزان تولید اوج (بیک)<sup>۱</sup> در ساعات اوج مصرف و غیر اوج (غیربیک)<sup>۲</sup> در سایر ساعات شبانه روز و انرژی مطمئن تولیدی نیروگاه انجام داد.

• تراز حداقل بهره‌برداری با توجه به گزینه‌های تراز مختلف نرمال مورد ارزیابی قرار گرفته و تأثیر آن در تنظیم جریان و تولید برق بررسی شده است.

در شکل (۱) رویکرد مورد استفاده در مدل تلقیقی طراحی و بهره‌برداری نشان داده شده است. همانطور که در این شکل نشان داده شده، فرآیند تعیین پارامترهای طراحی به دو بخش اصلی تقسیم شده است. در بخش اول، پارامترهای تراز نرمال، ظرفیت نصب و تراز حداقل براساس نتایج مدل‌های بهینه‌سازی انتخاب می‌شوند و سپس بهینه‌سازی مجدد به منظور تعیین مقدار بهینه تراز حداقل صورت می‌گیرد. نکته حائز اهمیت دیگر این است که در هر دو مرحله بهینه‌سازی بهره‌برداری در مقیاس بلندمدت صورت گرفته و ارزیابی نتایج براساس عملکرد درازمدت سیستم در هر دو مرحله بهینه‌سازی و شبیه‌سازی صورت می‌گیرد. این رویکرد، امکان تحلیل تاثیر بکارگیری سیاست بهره‌برداری را فراهم می‌سازد. بطور کلی در مدل توسعه داده شده اهداف اصلی بشرح زیر مد نظر قرار گرفته است:

- حداقل سازی متوسط انرژی سالانه<sup>۱۰</sup>
- حداقل سازی انرژی مطمئن<sup>۱۱</sup>

در نظر گرفتن هر یک از این دو هدف به تنهایی در مدل بهینه‌سازی نتایج متفاوتی را ایجاد می‌کند. بدین منظور در مدل تهیه شده از روش ۶-حدی (e-Constraint Method) برای تحلیل چند معیاره استفاده شده است. به این صورت که تابع هدف مدل بهینه‌سازی بر مبنای به حداقل رساندن انرژی متوسط سالانه در نظر گرفته شده و انرژی مطمئن ماهانه نیز بعنوان

$$f_1(S_{1,1}, S_{2,1}) = 0 \quad S_{1,1} \in \Omega_{1,1}, S_{2,1} \in \Omega_{2,1} \quad (4)$$

در این معادله  $S_{1,1}$  مجموعه سطوح مختلف حجم مخزن در ابتدای ماه  $t$  و در مخزن  $t$  است و  $(d)_t$  نشان دهنده مجموع مقدار تابع هدف از ابتدای دوره تاریخی تا زمان  $t$  برای یکی از ترازهای مخزن است. پس از تعیین نتایج بهینه، بر اساس رگرسیون بین نتایج مدل برای هر ماه معادله مخزن بهینه می‌شود که میزان خروجی بهینه<sub>t+1</sub> را براساس حجم مخزن بهینه و ورودی به مخزن محاسبه می‌کند:

$$\hat{R}_{s,t} = a_m I_{s,t} + b_m S_{s,t} + c_m \quad (5)$$

در این معادله  $I_{s,t}$  و  $S_{s,t}$  به ترتیب معرف میزان ورودی و حجم مخزن  $S$  براساس نتایج مدل بهینه‌سازی در ماه  $t$  ( $t=1, \dots, T$ ) و  $a_m$ ,  $b_m$  و  $c_m$  ضرایب معادله سیاست در ماه  $m$  ( $m=1, \dots, 12$ ) هستند. بر این اساس، این معادله برای ۱۲ ماه محاسبه می‌شود. در ابتدا هیچ محدودیت حداقل و حدکثر اضافی روی خروجی‌ها اعمال نمی‌شود و حداقل خروجی صفر است. مدل برنامه‌ریزی پویا اجرا شده و سیاستهای بهینه در یک تحلیل رگرسیون چند متغیره برای پیدا کردن قوانین بهره‌برداری عمومی، مورد استفاده قرار می‌گیرند. این قوانین سپس برای شبیه‌سازی بهره‌برداری از مخازن در یک افق زمانی درازمدت، استفاده می‌شوند و هزینه‌های شبیه‌سازی متأخر با سیاست مورد استفاده، تعیین می‌شود. این فرآیند اولین تکرار مدل را شامل می‌شود. بدلیل اینکه بتوان هر چه بیشتر نتایج حاصل از مدل بهینه‌سازی و شبیه‌سازی حاصل از سیستم‌های بهره‌برداری را به یکدیگر تزدیک کرد مدل بهینه‌سازی مجدداً تکرار می‌شود. از تکرار دوم، خروجی مجاز در برنامه‌ریزی پویا در محدوده‌ای از خروجی‌های تکرار قبلی حاصل از قوانین بهره‌برداری کلی، به شکل زیر محدود می‌شوند:

$$(1 - bound) \hat{R}_{s,t} \leq R_{s,t} \leq (1 + bound) \hat{R}_{s,t} \quad (6)$$

این عملیات تازه‌ی که قانون بهره‌برداری بهبود یافته و یا قانون بهتری برای مقداری مشخص از  $bound$  بدست آید، تکرار می‌شود. بدین طریق میزان درجه همبستگی بین معادله سیاست در هر تکرار افزایش می‌یابد. الگوریتم در هر تکرار با کوچکتر کردن  $bound$ ،  $bound$  برنامه‌ریزی پویا، تحلیل رگرسیون و فرآیند شبیه‌سازی را ادامه می‌دهد. اگر باند خلی کوچک شود، بدلیل اینکه محدودیتهای بیشتر روی خروجی در برنامه‌ریزی پویا احتمالاً منجر به سیاستهای بهره‌برداری بهتری نخواهد شد، الگوریتم متوقف خواهد شد.

همانطور که در مقدمه ذکر شد، به منظور کاهش مشکلات ابعادی، پارامترهای طراحی در گزینه‌های مختلف متغیر درنظر گرفته شده و براساس تحلیل حساسیت نتایج درازمدت مدل، مقادیر مطلوب این پارامترها انتخاب

- به منظور محاسبه انرژی مطمئن ۱۲ سیستم، حداقل تولید ماهانه با احتمال ۹۰ درصد مورد توجه قرار گرفته است و انرژی تولید شده مازاد بر انرژی مطمئن به عنوان انرژی ثانویه ۱۳ در نظر گرفته شده است.

یک مقدار حدی و نیاز انرژی مورد نیاز در هر ماه بعنوان یک محدودیت فرض شده است.

#### ۴- فرضیات طراحی

فرضیات مورد استفاده در بهینه‌سازی پارامترهای طراحی بشرح زیر است:

- در این بخش، عملکرد سیستم تک مخزنی و دو مخزنی - کرخه در گزینه‌های مختلف براساس سیاستهای بهینه تدوین شده توسط مدل DPR شبیه‌سازی شده است. در نتایج ارائه شده میزان تولید برق مطمئن (Firm) و ثانویه در هر گزینه در ساعت‌های پیک و غیر پیک نشان داده شده است. برای این منظور تولید ماهانه توسط یک مدل شبیه‌سازی به تولید ساعتی شکسته شده و تولید اوج و غیراوج محاسبه شده است (به عنوان نمونه به جدول (۲) مراجعه کنید). زمان پیک در این مطالعات ۶ ساعت در نظر گرفته شده و اولویت تولید برق مطمئن نیز با توجه به ارزش پیشتر برق تولیدی در ساعت‌های پرصرف در ساعت‌های پیک در نظر گرفته شده است. لازم به ذکر است که در مدل بهینه‌سازی، تغییرهای حجم مخازن کرخه و پاulum در اثر رسوبات و رودی در نظر گرفته شده است. در ادامه مقاله، به تفکیک نتایج حلقه بهینه‌سازی مدل DPR برای سیستم تک مخزنی و نتایج شبیه‌سازی عملکرد درازمدت سیستم دو مخزنی پاulum - کرخه براساس سیاستهای بهینه مدل DPR ارائه شده است. مقایسه این نتایج امکان تحلیل تأثیر استفاده از سیاست بهینه نشان داده شده در معادله (۶) را در نتایج بهینه‌سازی فراهم می‌سازد. همچنین تأثیر در نظر گرفتن سد مخزنی کرخه در بهره‌برداری از سد پاulum و میزان تولید انرژی نشان داده شده است.

#### ۵- نتایج بهینه سازی بهره‌برداری از سیستم تک مخزنی پاulum

نتایج ارائه شده در این بخش متوسط درازمدت شاخصهای عملکرد سیستم تک مخزنی پاulum نظیر انرژی مطمئن و کل در ساعات اوج و غیراوج، تبخیر و جریان عبوری از دریچه ها و توزین ها را براساس مسیر بهینه شناسایی شده در حلقه بهینه‌سازی مدل DPR نشان می‌دهد. در گزینه‌های مختلف، تراز نرمال بهره‌برداری از ۴۵۰ تا ۴۷۰ متر تغییر داده شده و تأثیر آن در تنظیم جریان و تولید برق مورد ارزیابی قرار گرفته است. ظرفیت نصب نیروگاه از ۲۰۰ تا ۸۰۰ مگاوات در گزینه‌های مختلف متغیر در نظر گرفته شده است. تراز حداقل بهره‌برداری نیز با توجه به گزینه‌های تراز مختلف نرمال مورد ارزیابی قرار گرفته و تأثیر آن در تنظیم جریان و تولید برق بررسی شده است. به عنوان نمونه، نتایج شبیه‌سازی عملکرد سیستم تک مخزنی پاulum با در نظر گرفتن گزینه‌های مختلف ترازهای حداقل تولید برق، ظرفیت نصب ۴۰۰ مگاوات، ضریب کارکرد ۲۵ درصد و تراز نرمال ۴۶ متر از سطح دریا نشان داده شده است. در شکل‌های (۲) تا (۴)، مقایسه گزینه‌های مختلف ارائه شده است.

- جریان ورودی ماهانه به مخزن برای یک دوره ۴۳ ساله از سالهای آیی ۱۳۳۶ تا ۱۳۷۹ در نظر گرفته شده است. میزان متوسط جریان ورودی سالانه به مخزن ۵۰۳۴ میلیون متر مکعب است. در جدول (۱) متوسط جریان ورودی به مخازن پاulum و کرخه نشان داده شده است.

- در مدل بهینه‌سازی تهیه شده، میزان تبخیر از مخازن سدهای پاulum و کرخه با توجه به تراز آب در مخزن در هر ماه برآورد و در معادله های پیوستگی جریان و تعیین سیاستهای بهینه در نظر گرفته شده است. میزان متوسط تبخیر سالانه بین ۲۰۰ تا ۱۰۰ میلیون متر مکعب برای گزینه‌های مختلف تراز نرمال بهره‌برداری محاسبه شده است.

- مشخصات فیزیکی سدهای کرخه و پاulum با توجه به موقعیت دریچه‌ها، منحنی‌های سطح - حجم - ارتفاع و ظرفیت و مشخصات نیروگاه سد کرخه در مدل بهینه‌سازی دو مخزنی مذکور شده است. ظرفیت نصب نیروگاه سد کرخه ۴۰۰ مگاوات شامل ۳ واحد ۱۳۳ مگاوات است.

- معادله های زیر برای محاسبه بلندای موثر آب بمنظور تولید برق پاulum:

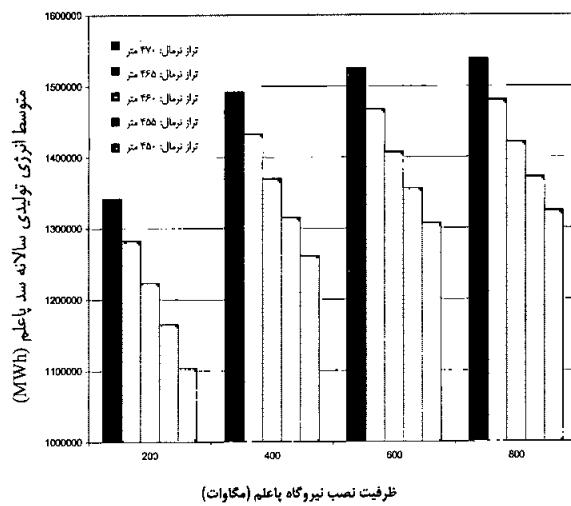
$$H_1 = H_u - 328.05 - 0.004 Q + (8 \times 10^{-7}) Q^2 \quad (5)$$

کرخه:

$$H_1 = H_u - 113.12 - 0.0011 Q + (5 \times 10^{-8}) Q^2 \quad (6)$$

در این روابط،  $H_u$  و  $H_1$  به ترتیب تراز آب در سراب و بلندای موثر آب به منظور تولید برق بر حسب متر و  $Q$  دبی خروجی بر حسب میلیون متر مکعب در ماه است. معادله های فوق براساس منحنی های ارائه شده توسط مشاور طرح تدوین شده اند. در مدل بهینه‌سازی، با توجه به تغییرهای دبی خروجی از سد، تعییرات میزان تراز آب در پایاب براساس معادله های فوق ملاحظه شده است.

- تامین نیازهای آبی در کلیه گزینه‌های مختلف به صورت محدودیت در نظر گرفته شده و به عبارت دیگر سیاستهای بهره‌برداری به نحوی تدوین شده اند که بیش از ۹۰ درصد نیازهای آبی در ماههای مختلف سال تامین شوند. برای این منظور در ساختار حلقه بهینه‌سازی برای حالت هایی که کمتر از ۹۰ درصد نیاز تامین شود، خسارت قابل توجهی در نظر گرفته شده به نحوی که این جوابها در تعیین مسیر بهینه انتخاب شوند.

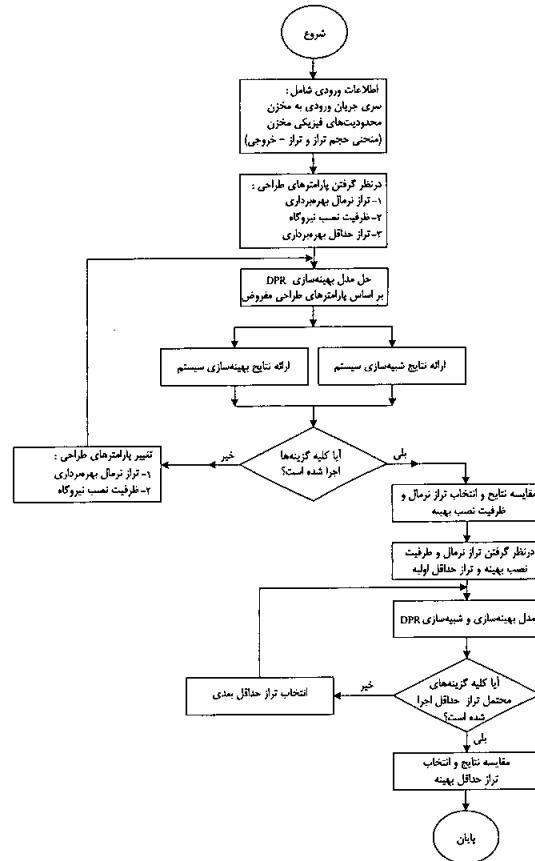


شکل (۲): نتایج بهینه‌سازی متوسط انرژی سالانه سد پاعلام با درنظر گرفتن ترازهای نرمال مختلف و ظرفیت‌های نصب نیروگاه

۴۷۰ متر، تولید کل سالانه سد پاعلام با درنظر گرفتن ظرفیت نصب ۴۰۰ مگاوات و ضریب کارکرد ۲۵ درصد، حدود ۱۸ درصد بهبود می‌یابد که این نرخ افزایش مشابه نتایج بهینه‌سازی بوده است.

شکل (۷) تغییرهای انرژی مطمئن در گزینه‌های مذکور را نشان می‌دهد. بررسی نتایج گزینه‌های مختلف نشان می‌دهد که با افزایش تراز نرمال سد پاعلام از ۴۵۰ تا ۴۷۰ متر از سطح دریا، انرژی مطمئن تولید شده در سیستم پاعلام - کرخه ابتدأ افزایش و سپس کاهش یافته است. بیشترین میزان انرژی مطمئن در تراز نرمال ۴۶۰ متر از سطح دریا مشاهده شده است. شکل (۸) تغییرهای انرژی مطمئن سد پاعلام را برای گزینه‌های مختلف با تراز نرمال ۴۶۰ متر نشان می‌دهد. نتایج نشان می‌دهد که بیشترین میزان انرژی مطمئن با ظرفیت نصب ۶۰۰ مگاوات و ضریب کارکرد ۱۵ درصد و پس از آن با درنظر گرفتن ظرفیت نصب ۴۰۰ مگاوات با ضریب کارکرد ۲۵ درصد قابل استحصال است. به منظور تعیین تراز حداقل، تحلیل حساسیت انجام شده و تغییر میزان تولید مطمئن و تولید کل که براساس شبیه‌سازی عملکرد سیستم دو مخزنی در درازمدت براساس سیاستهای بهینه تعیین شده با افزایش تراز حداقل تولید انرژی مورد ارزیابی قرار گرفته است.

جدول (۲) بطور نمونه، نتایج گزینه‌های مختلف با درنظر گرفتن ظرفیت نصب ۴۰۰ مگاوات، تراز نرمال ۴۶۰ متر از سطح دریا و ضریب کارکرد ۲۵ درصد را با درنظر گرفتن تراز حداقل به میزان ۴۱۰، ۴۲۰، ۴۳۰، ۴۴۰، ۴۵۰، ۴۵۵ متر از سطح دریا نشان می‌دهد. همانطور که در این جدول مشاهده می‌شود، بیشترین میزان انرژی مطمئن در گزینه با تراز حداقل ۴۲۰ متر و حداقل تولید کل در تراز حداقل ۴۴۰ متر از سطح دریا محاسبه شده است.

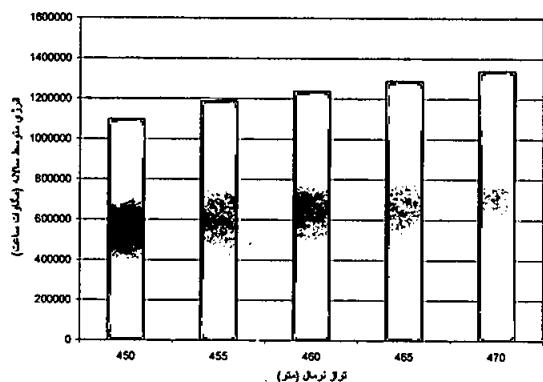


شکل (۱): شماتیک فلوچارت مدل تلفیقی بهینه سازی طراحی و بهره برداری

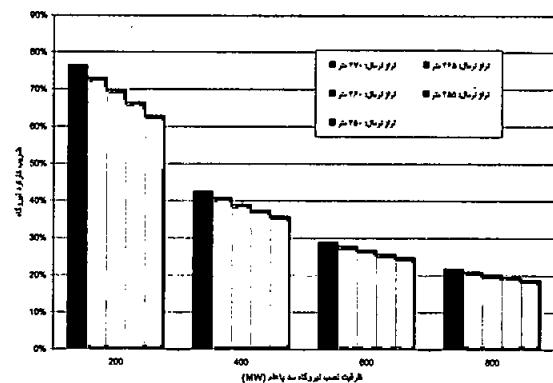
همانطور که در این شکلها مشاهده می‌شود، درصد جریان عبوری از نیروگاه در همه حالت‌ها در شرایط پهروبرداری بر اساس سیاست بهینه بیش از ۸۵ درصد است. بررسی نتایج تولید سالانه انرژی نشان می‌دهد که با افزایش تراز نرمال از ۴۵۰ متر تا ۴۷۰ متر، کل تولید سالانه حدود ۱۸ درصد برای هر ظرفیت نصب افزایش یافته است. شکل (۵) انرژی مطمئن تولیدی در برخی از گزینه‌ها با ترازهای نرمال متفاوت و ظرفیت نصب ۴۰۰ مگاوات را نشان می‌دهد که با افزایش تراز نرمال از ۴۷۰ تا ۴۵۰ متر، انرژی مطمئن سالانه حدود ۱۳ درصد بهبود یافته است.

## ۲-۵- نتایج شبیه سازی عملکرد درازمدت سیستم دو مخزنی براساس سیاستهای بهینه

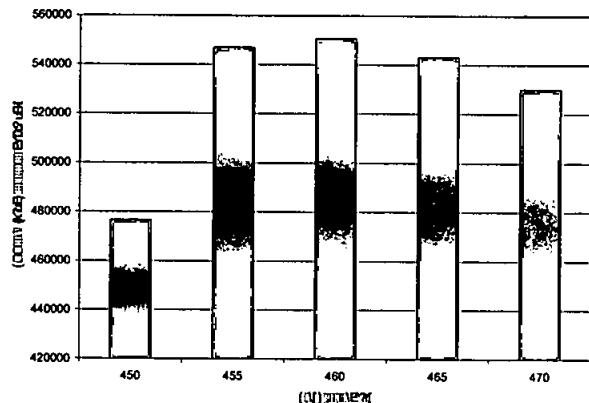
در این بخش نتایج شبیه سازی عملکرد درازمدت سیستم دو مخزنی براساس ارائه شده است. شکل (۶) تغییرهای تولید کل DPR سیاستهای بهینه مدل سالانه سد پاعلام در گزینه‌های با ظرفیت نصب ۴۰۰ مگاوات و ضریب کارکرد ۲۵ درصد را در حدود ۲۵ درصد را نشان می‌دهد. افزایش نرمال سد پاعلام از ۴۵۰ به ۴۵۵ متر افزایش تولید کل در تراز حداقل ۴۲۰ متر را در حدود ۱۳ درصد بهبود یافته است.



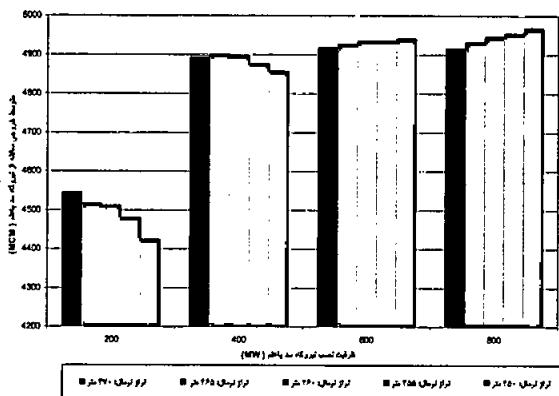
شکل (۶): تولید کل سالانه سد پاعلام در شبیه‌سازی سیستم دو مخزنی پاعلام-کرخه (ظرفیت نصب: ۴۰۰ مگاوات - ضریب کارکرد: ۲۵ درصد)



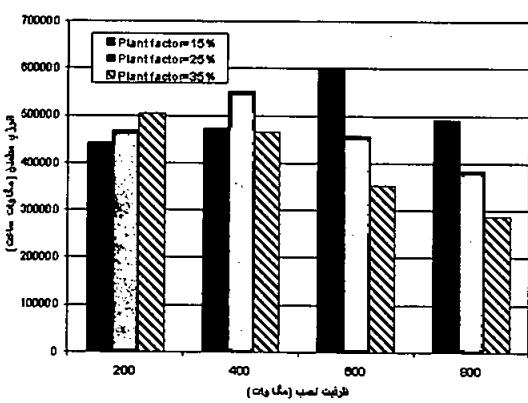
شکل (۳): میزان ضریب کارکرد نیروگاه در نتایج بهینه‌سازی متوسط انرژی سالانه سد پاعلام با درنظر گرفتن ترازهای نرمال مختلف و ظرفیت‌های نصب نیروگاه



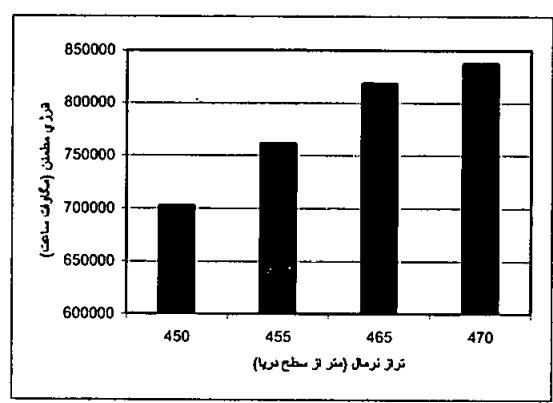
شکل (۷): نتایج انرژی مطمئن سالانه در شبیه‌سازی سیستم دو مخزنی پاعلام-کرخه (ظرفیت نصب: ۴۰۰ مگاوات - ضریب کارکرد: ۲۵ درصد)



شکل (۴): میزان جریان خروجی از نیروگاه در نتایج بهینه‌سازی متوسط انرژی سالانه سد پاعلام با درنظر گرفتن ترازهای نرمال مختلف و ظرفیت‌های نصب نیروگاه



شکل (۸): انرژی مطمئن سالانه سد پاعلام در شبیه‌سازی سیستم دو مخزنی پاعلام - کرخه (تراز نرمال: ۴۶۰ متر)



شکل (۵): نتایج بهینه‌سازی انرژی مطمئن سد پاعلام با درنظر گرفتن ترازهای نرمال مختلف

## ۶- خلاصه و نتیجه‌گیری

در این تحقیق، پارامترهای طراحی سد پاعلام در قالب یک مدل تلفیقی بهینه‌سازی تک مخزنی و دو مخزنی بهره‌برداری تعیین شده است. به این منظور، ابتدا رودهای مدل بهره‌برداری ارزیابی و بازنگری شده‌اند. منحنی ارتفاع مخزن و تغییرات آن برای رسوبات ورودی در دوره سطح - حجم برلنه ریز در تدوین سیاستهای بهینه بهره‌برداری مورد استفاده قرار گرفته است. برآوردهای انجام شده در این مورد نشان می‌دهد که بیرون درنظر گرفتن تاثیر سدهای بالادست، حجم کل سد پاعلام در تراز ۴۶۰ متر به میزان ۱۰۶۶ میلیون متر مکعب در یک دوره ۵۰ ساله کاهش خواهد یافت.

## ۷- تشریف

نتایج ارائه شده در این تحقیق در قالب دستاوردهای پژوهشی مطالعات تکمیلی فاز اول طرح سد و نیروگاه پاعلام و با پشتیبانی مالی شرکت مهندسین مشاور سکو انجام شده است. بدین وسیله از دیدگاه‌های سازنده آقای مهندس توکلی مدیر این پروژه در شرکت سکو قادرانی می‌شود.

## پی‌نوشت‌ها

- 1. Curse of Dimensionality
- 2. Net Benefit
- 3. Mass Curve
- 4. Flow Duration Curve
- 5. Dynamic Programming
- 6. Plant Factor
- 7. Power Generation
- 8. Peak
- 9. Offpeak
- 10. Annual Average Energy
- 11. Firm Energy
- 12. Firm Energy
- 13. Secondary Energy

## ۸- مراجع

شرکت مهندسی مشاور مهاب قدس، نیروگاه سد مخزنی کرخه، خلاصه نتایج مطالعات مربوط به بهینه‌یابی تعداد واحدهای نیروگاه، تیر ماه ۱۳۷۱.

شرکت مهندسی مشاور مهاب قدس، طرح سد مخزنی کرخه (مطالعات مرحله اول) – پیوست شماره ۵-۴ – برلنه ریزی منابع آب، آذر ماه ۱۳۷۱.

مهندسين مشاور سکو، مطالعات طرح سد مخزنی و نیروگاه پاعلام، گزارش مطالعات برنامه‌ریزی منابع آب «مطالعات تکمیلی مرحله اول»، بهمن ۱۳۸۱.

American Society of Civil Engineers (1989), "Civil Engineering Guidelines for Planning and Designing Hydroelectric Developments", Volume 1- Planning, Design of Dams, and Related Topics, and Environmental, American Society of Civil Engineers, New York, NY.

Eartman, J., and Revelle, C. S. (1973), "Linear Decision Rule in Reservoir Management and Design, 3, Direct Capacity Determination and Interaseasonal Constraints", Water Resources Research, 9(1), 29-42.

Houck, M. H., Cohon, J. L., and Revelle C. S. (1980). "Linear Decision Rule in Reservoir Design and Management 6.Incorporation of Economic Efficiency

در ادامه بمنظور تعیین پارامترهای اصلی طراحی سد شامل تراز نرمال و حداقل، ظرفیت نصب نیروگاه و ضریب کارکرد، مدل بهینه‌سازی که در این مطالعات برای بهینه‌سازی بهره‌برداری از سیستم تک مخزنی پاعلام و سیستم دو مخزنی کرخه – پاعلام توسعه داده شده، مورد استفاده قرار گرفته است. در تدوین تابع هدف این مدلها، یکیه سلی تویید کل سالانه و تامین نیاز انرژی با توجه به ظرفیت نصب و ضریب کارکرد مورد توجه قرار گرفته است. گزینه‌های مختلف جهت تحلیل حساسیت تویید انرژی کل و انرژی مطمئن با درنظر گرفتن ظرفیت نصب ۲۰۰ تا ۸۰۰ مگاوات، ضریب کارکرد ۱۵، ۲۵ و ۳۵ درصد و تراز نرمال ۴۵۰ تا ۴۷۰ متر درنظر گرفته شده که نتایج برخی از گزینه‌ها در مقاله ارائه شد.

مقایسه نتایج بهینه‌سازی سیستم تک مخزنی و شبیه‌سازی براساس سیاستهای بهینه تدوین شده برای سیستم دو مخزنی با درنظر گرفتن فرضیات مشابه برای ترازهای نرمال و حداقل، ظرفیت نصب و ضریب کارکرد، نشان می‌دهد که میزان تویید برق سد پاعلام در گزینه‌های مختلف تراز نرمال در نتایج شبیه‌سازی براساس سیاستهای بهینه حدود ۱۰ درصد کاهش نسبت به نتایج بهینه‌سازی را نشان می‌دهد. این امر نشان می‌دهد که با وجود اختلاف پذیری بیشتری سیستم دو مخزنی نسبت به سیستم تک مخزنی در کنترل برآوردها و افزایش میزان تویید، تأثیر کاربرد سیاستهای بهینه در بهره‌برداری از سیستم پس از ساخت می‌تواند حائز اهمیت باشد. به عبارت دیگر استفاده از نتایج بهینه‌سازی جهت تدوین سیاستهای توسعه سیستم های منابع آب و انرژی می‌تواند خطاهای را در برآوردهای انجام شده به همراه داشته باشد.

نتایج این مقایسه در مورد انرژی مطمئن توییدی سد پاعلام نشان دهنده اهمیت بیشتر این پارامتر است. بررسی نتایج شبیه‌سازی نشان می‌دهد که انرژی مطمئن سد پاعلام (با اطمینان پذیری ۹۰ درصد) در گزینه‌های مختلف بین ۷۷ تا ۳۶ درصد کاهش نسبت به نتایج بهینه‌سازی داشته که قابل توجه است. با توجه به اینکه برلنه ریزی برای توسعه اکثر سدهای برق آبی کشور با توجه به نقش آنها در تویید مطمئن در ساعات اوج مورد ارزیابی و تصمیم‌گیری قرار می‌گیرد، توجه به محدودیتهای حاکم بر بهره‌برداری

- Subramanya, K. (1986), "Flow in Open Channels", McGraw Hill, New York.
- Benefits and Hydropower Energy Generation", Water Resources Research, 16(1), 196-200.
- Karamouz, M., and Houck, M. H. (1982). "Annual and Monthly Reservoir Operating Rules", Water Resources Research, 18(5), 1337-1344.
- Karamouz, M., Houck, M.H., and Delleur, J.W., (1992), "Optimization and Simulation of Multiple Reservoir Systems", ASCE Journal of Water Resources Planning and Management, Vol 118, No. 1, pp 71-81, January-February 1992.
- Srinivasan, R. and S. P. Simonovic (1994), "A Reliability Programming Model for Hydropower Optimization", Canadian Journal of Civil Engineering, 21, pp. 1061-1073.
- Turgeon, A. (1987). "An Application of Parametric Mixed-Integer Linear Programming to Hydropower Development", Water Resources Research, 23(3), 399-407
- Yang, C. T. (1973), "Incipient Motion and Sediment Transport", Journal of Hydraulics Division, ASCE, Vol. 99, No. HY10, Proc. Paper 10067, pp. 16791704, October 1973.
- Yeh, W. W-G., L. Becker, Sh. Q. Hua, D-P Wen, and J-M liu (1992), "Optimization of Real-Time Hydrothermal System Operation ", Water Resources Planning and Management, ASCE, Vol. 118, No. 6, pp. 636-653.